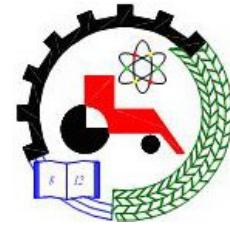




# CƠ KỸ THUẬT



**GV: ThS. TRƯƠNG QUANG TRƯỜNG  
KHOA CƠ KHÍ – CÔNG NGHỆ  
TRƯỜNG ĐẠI HỌC NÔNG LÂM TP.HCM**



# Cơ Kỹ Thuật

## Chương 1 MÁ SÁT TRONG KỸ THUẬT CƠ KHÍ



# NỘI DUNG

**I. ĐẠI CƯƠNG**

**II. MA SÁT TRÊN KHỚP TỊNH TIẾN**

**III. MA SÁT TRÊN KHỚP QUAY**

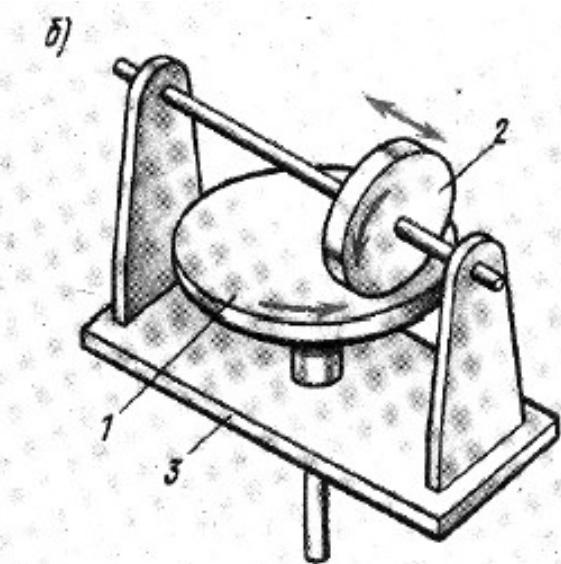
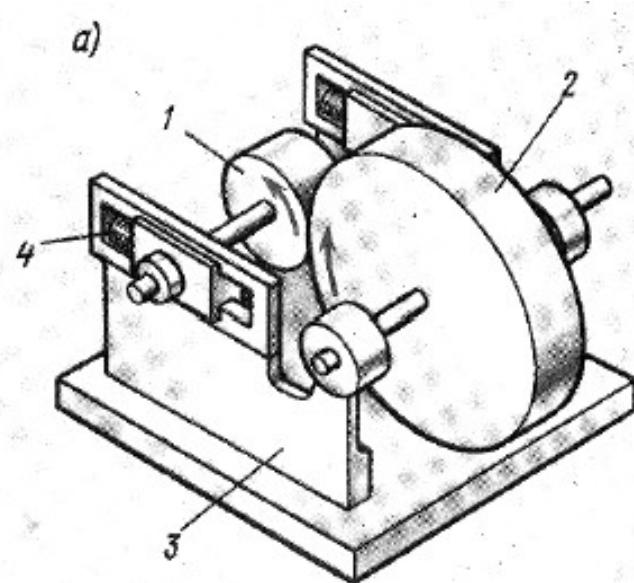
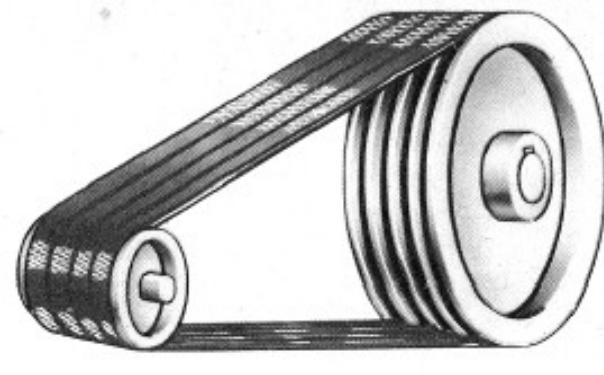
**IV. MA SÁT LĂN**

**V. TRUYỀN ĐỘNG MA SÁT**



# I. ĐẠI CƯƠNG

- Ma sát là một hiện tượng phổ biến trong tự nhiên và kỹ thuật
- Ma sát vừa có lợi vừa có hại
  - + Hại: giảm hiệu suất máy, làm nóng máy, làm mòn chi tiết máy
  - + Lợi: một số cơ cấu hoạt động dựa trên nguyên lý ma sát như phanh, đai...



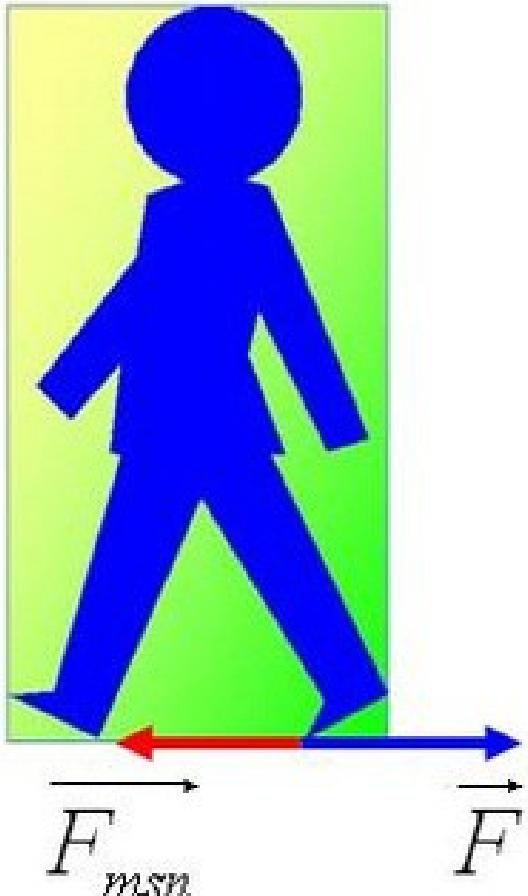
→ Nghiên cứu tác dụng của ma sát để tìm cách giảm mặt tác hại và tận dụng mặt có ích của ma sát

Khoa Cơ Khí – Công Nghệ

Trường ĐH Nông Lâm TPHCM



# I. ĐẠI CƯƠNG



Tình huống có ma sát nghỉ



Tình huống thiếu ma sát nghỉ

Khoa Cơ Khí – Công Nghệ  
Trường ĐH Nông Lâm TPHCM

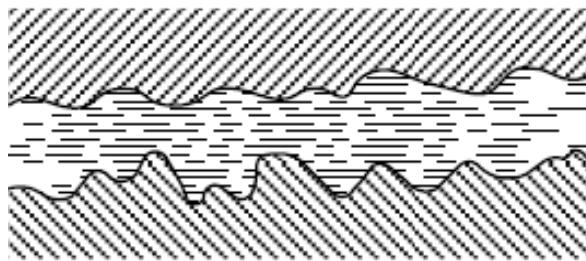


# I. ĐẠI CƯƠNG

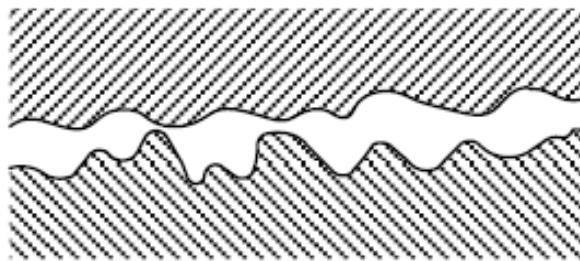
## 1. Phân loại

- Theo tính chất tiếp xúc

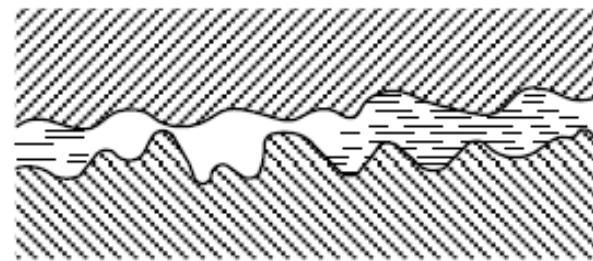
+ Ma sát ướt



+ Ma sát khô



+ Ma sát ½ ướt, ½ khô



- Theo tính chất chuyển động

+ Ma sát trượt



+ Ma sát lăn



Theo trạng thái chuyển động

+ Ma sát tĩnh

Ths. Trương Quang Trường

Khoa Cơ Khí – Công Nghệ

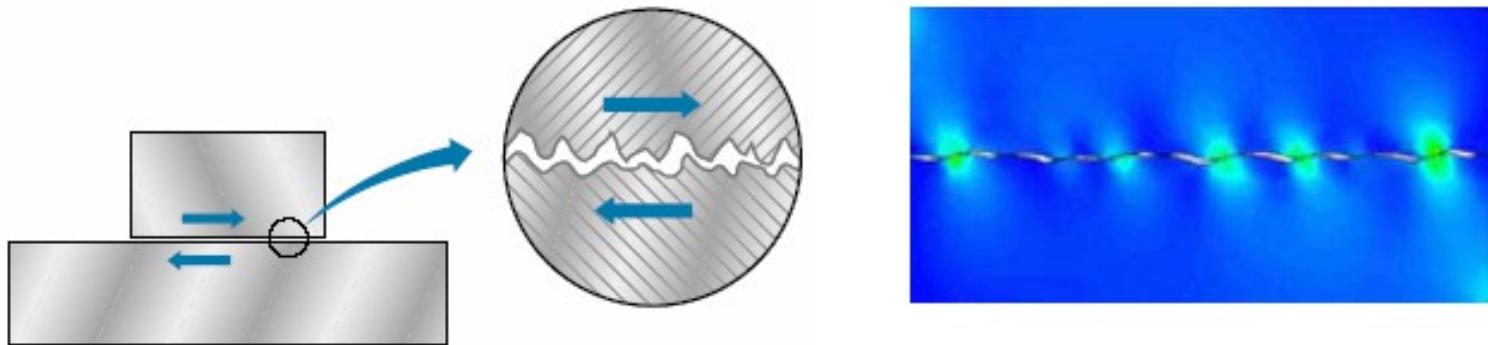
Trường ĐH Nông Lâm TPHCM



# I. ĐẠI CƯƠNG

## 2. Nguyên nhân của hiện tượng ma sát

- Nguyên nhân cơ học

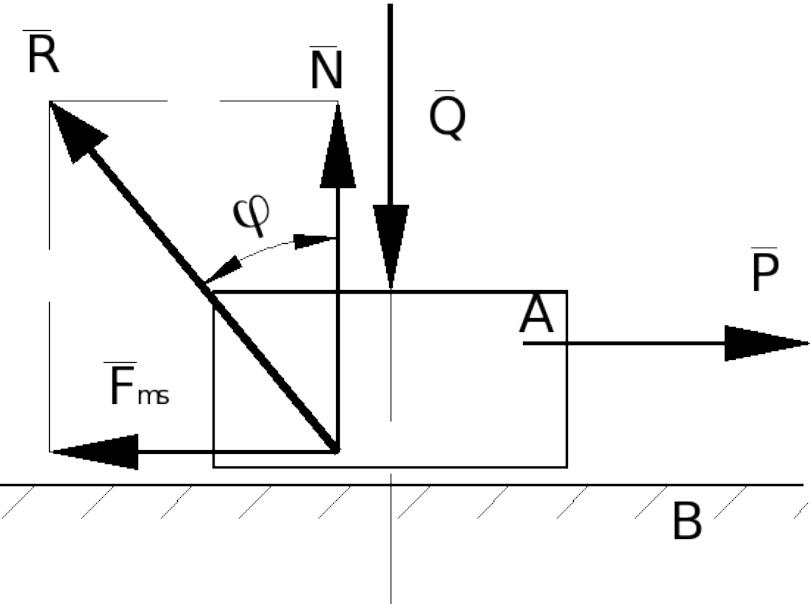


- Nguyên nhân vật lý. Do tác dụng của trường lực phân tử gây nên



# I. ĐẠI CƯƠNG

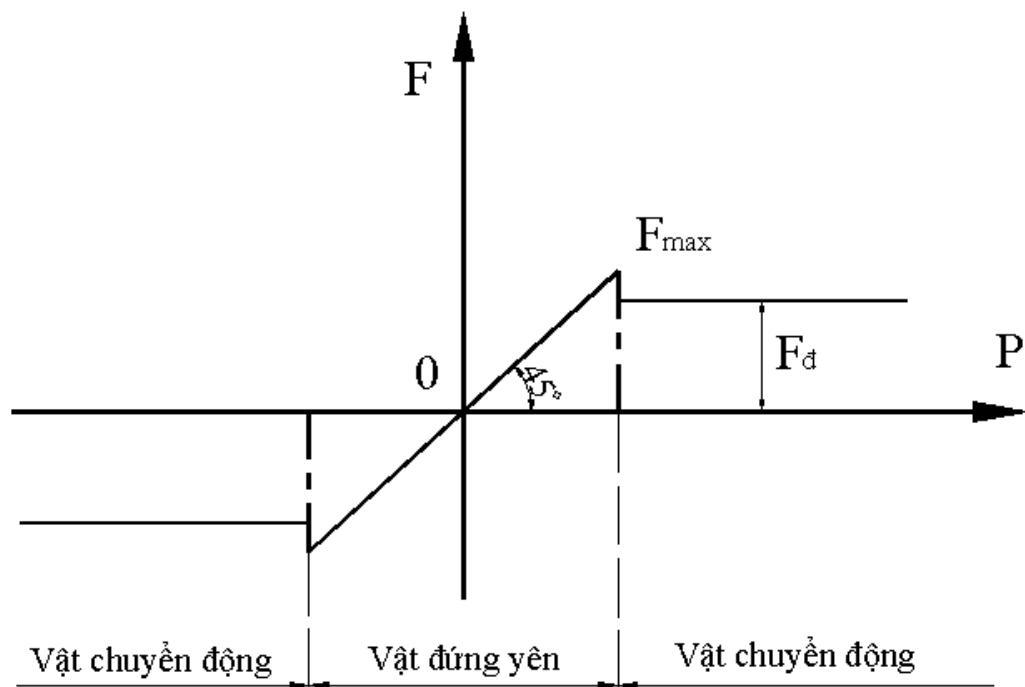
## 3. Lực ma sát và hệ số ma sát



$$F_{ms} = f \cdot N$$

f: hệ số ma  
sát

Ths. Trương Quang Trường



Ma sát tĩnh

Ma sát động

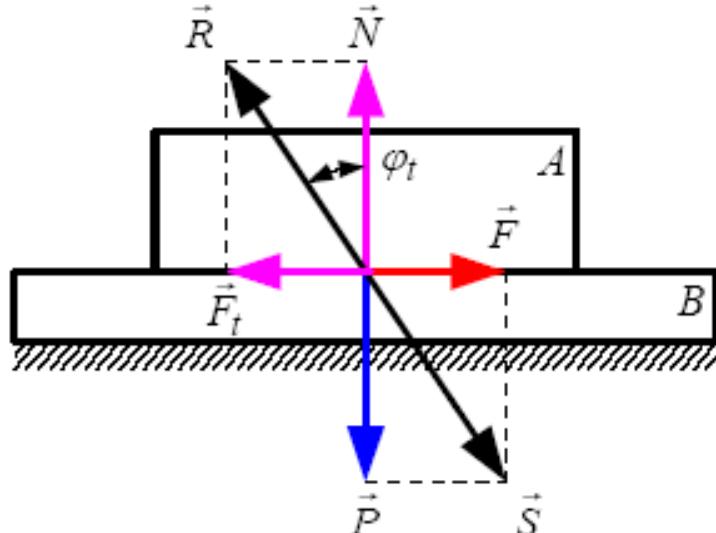


# I. ĐẠI CƯƠNG

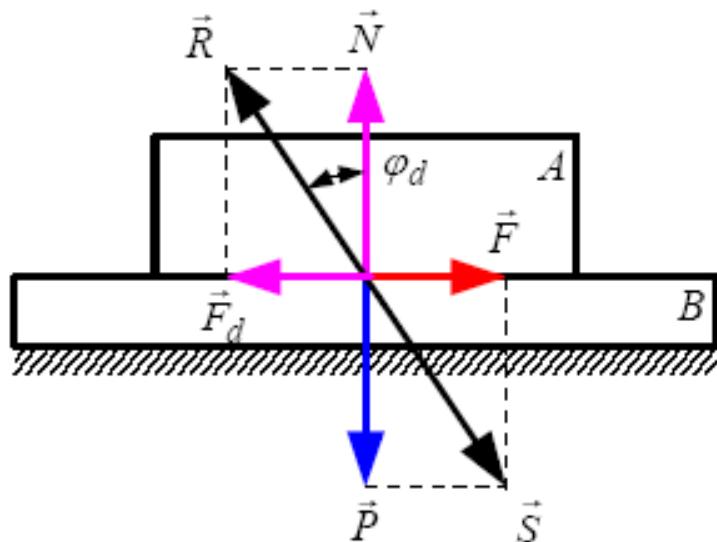
## 3. Lực ma sát và hệ số ma sát

$$F_{ms} = f \cdot N$$

Ma sát tĩnh



Ma sát động



$$f_t = \frac{F_{\max}}{N}$$

$$\tan \varphi_t = \frac{F_{\max}}{N} = f_t$$

$$f_d = \frac{F_d}{N}$$

$$\tan \varphi_d = \frac{F_d}{N} = f_d$$



# I. ĐẠI CƯƠNG

## 4. Định luật Coloumb về ma sát trượt khô

- Lực ma sát cực đại và lực ma sát động tỉ lệ với phản lực pháp tuyến

$$F_{\max} = f_t N$$

$$F_{msd} = f_d N$$

- Hệ số ma sát phụ thuộc

- + Vật liệu bề mặt tiếp xúc

- + Trạng thái bề mặt tiếp xúc (phẳng hay không phẳng)

- + Thời gian tiếp xúc

- Hệ số ma sát không phụ thuộc

- + Áp lực tiếp xúc

- + Diện tích tiếp xúc

- + Vận tốc tương đối giữa hai bề mặt tiếp xúc

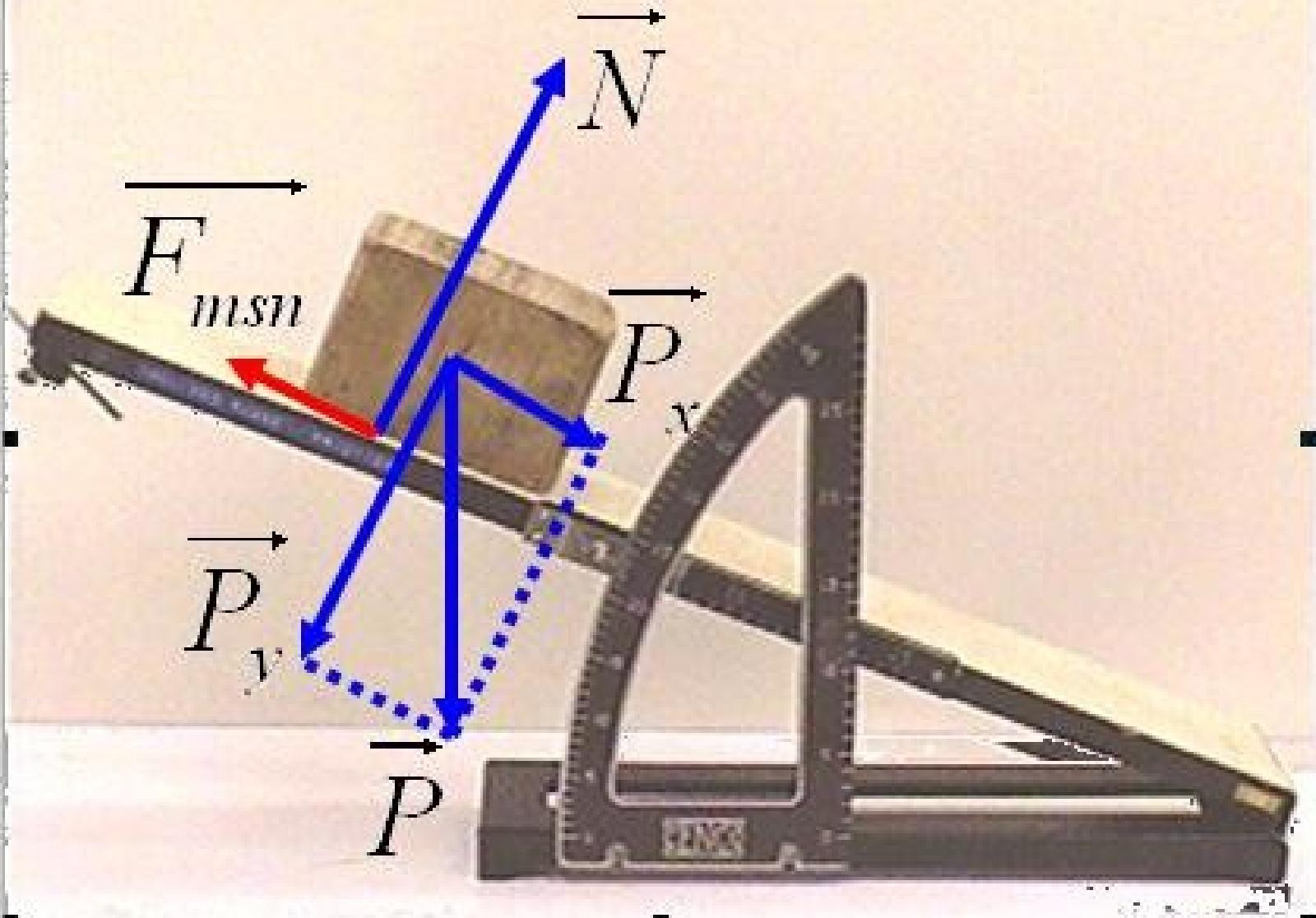
- Đối với đa số vật liệu,  $f_t > f_d$

Khoa Cơ Khí – Công Nghệ

Trường ĐH Nông Lâm TPHCM



# I. ĐẠI CƯƠNG

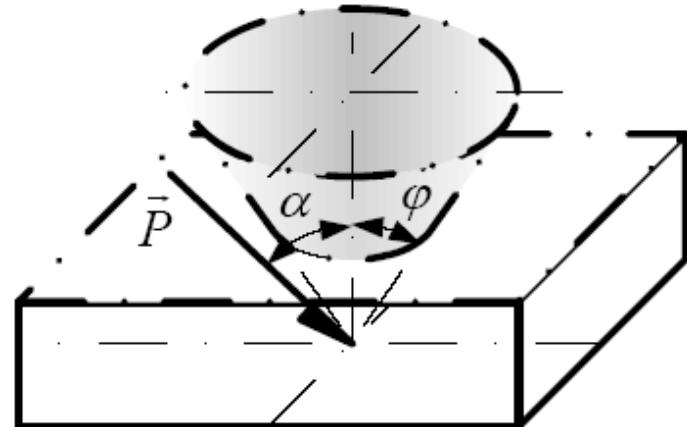
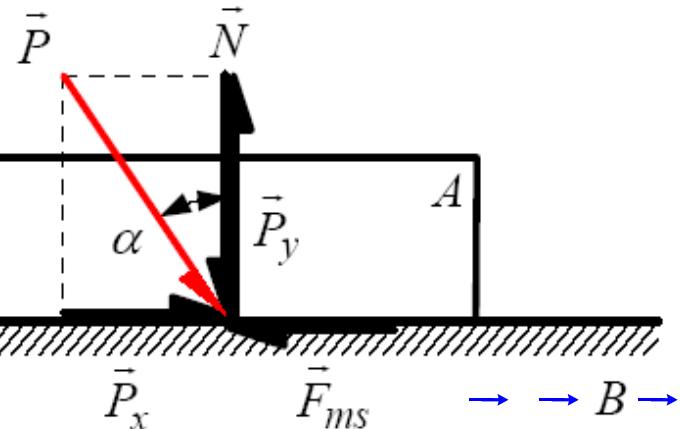


## II. MA SÁT TRÊN KHỚP TỊNH TIẾN

(ma sát trượt khô)



### 1. Ma sát trên mặt phẳng ngang



- Tác dụng lên A một lực  $P(P_x, P_y)$
- Lực phát động  $P_d = P_x = P \sin \alpha$
- Lực cản  $P_c = F_{ms} = f N = f P \cos \alpha$
- Điều kiện chuyển động: **lực phát động > lực cản**

$$\begin{array}{ll} P \sin \alpha & f P \cos \alpha \\ \text{Tan} & f = \tan \alpha \end{array}$$

→ Khái niệm nón ma sát

Ngược lại:

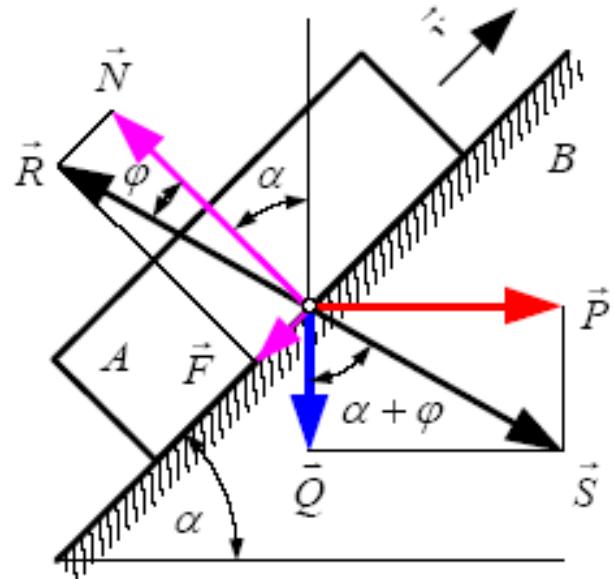
→ Vật A không thể chuyển động → **Hiện tượng tự hãm**

## II. MA SÁT TRÊN KHỚP TỊNH TIẾN (ma sát trượt khô)



### 2. Ma sát trên mặt phẳng nghiêng

- Trường hợp A đi lên trên mặt phẳng nghiêng



+ Lực tác dụng

$Q, P, N, F$

+ Phương trình cân bằng lực  $\underbrace{P + Q}_{S} + \underbrace{N}_{R} - \underbrace{F}_{Z} = 0$

+ Tại vị trí cân bằng lực

$$P = Q \tan(\alpha + \varphi)$$

→ Để A chuyển động

$$P > Q \tan(\alpha + \varphi)$$

+ Điều kiện tự hãm

$$+ = /2$$

$P \rightarrow$  không thể thực hiện được lực P lớn như vậy

$$+ > /2$$

$\tan(+ ) < 0 \rightarrow P$  nằm theo chiều ngược lại

→ **Điều kiện tự hãm**

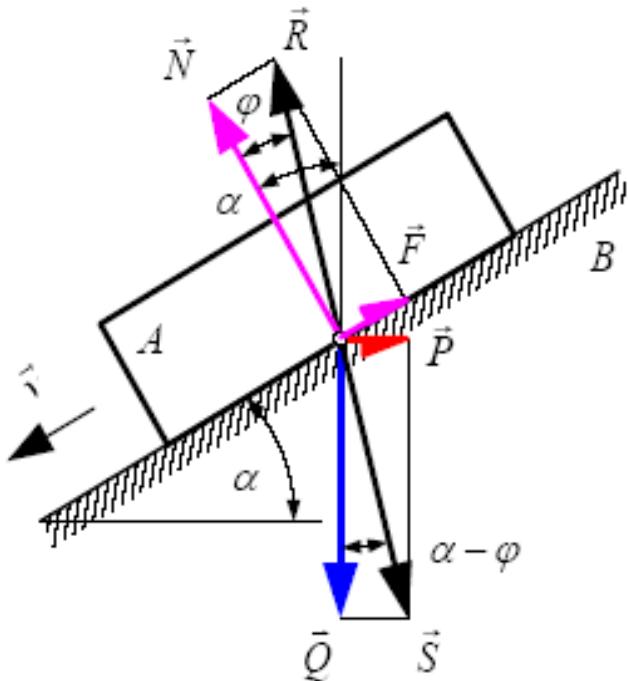
$$+ > /2$$

## II. MA SÁT TRÊN KHỚP TỊNH TIẾN (ma sát trượt khô)



### 2. Ma sát trên mặt phẳng nghiêng

- Trường hợp A đi xuống trên mặt phẳng nghiêng



+ Điều kiện tự hãm

- $\tan(\alpha - \varphi) < 0$
- $\tan(\alpha - \varphi) > 1/2$

**→ Điều kiện tự hãm**

+ Lực tác dụng

$Q, P, N, F$

+ Phương trình cân bằng lực

$$\underbrace{P + Q}_{S} + \underbrace{N}_{R} + \underbrace{\sum F}_{F} = 0$$

+ Tại vị trí cân bằng lực

$$P = Q \tan(\alpha - \varphi)$$

→ Để A chuyển động

$$Q < \frac{P}{\tan(\alpha - \varphi)}$$

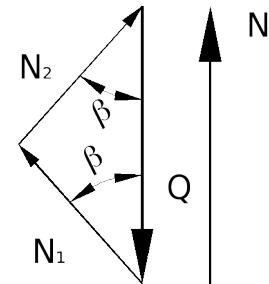
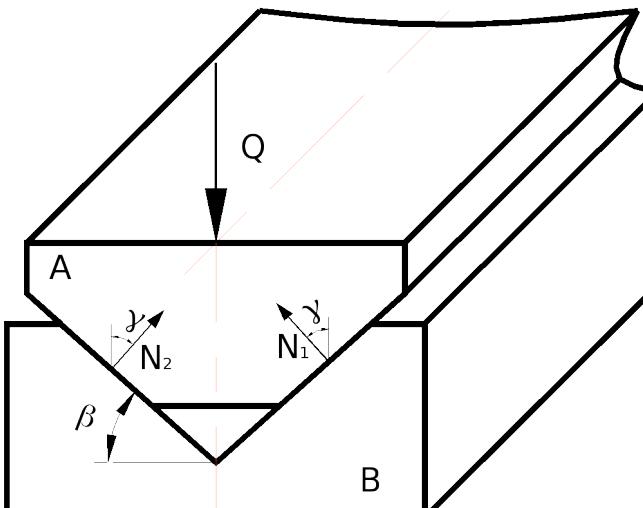
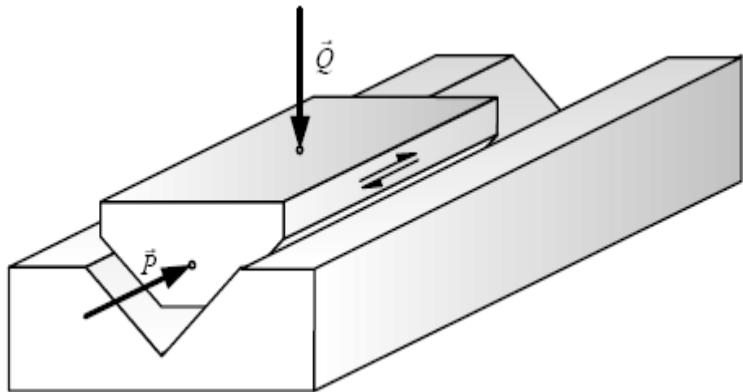
$Q \rightarrow$  không thể thực hiện được lực  $Q$  lớn như vậy  
 $\tan(\alpha - \varphi) < 0 \rightarrow Q$  nằm theo chiều ngược lại

## II. MA SÁT TRÊN KHỚP TỊNH TIẾN

(ma sát trượt khô)



### 3. Ma sát trên rãnh chữ V



+ Lực tác dụng  $Q, P, N, F$

+ Chiếu các lực lên phương thẳng đứng  $N = Q = (N_1 + N_2) \cos \beta$

$$\rightarrow N_1 + N_2 = \frac{Q}{\cos \beta}$$

+ Lực ma sát trên thành rãnh  
→ Điều kiện chuyển động

$$F_{ms} = f(N_1 + N_2)$$

$$P \leq F_{ms}$$

$$P \leq f \frac{Q}{\cos \beta} \leq f' Q$$

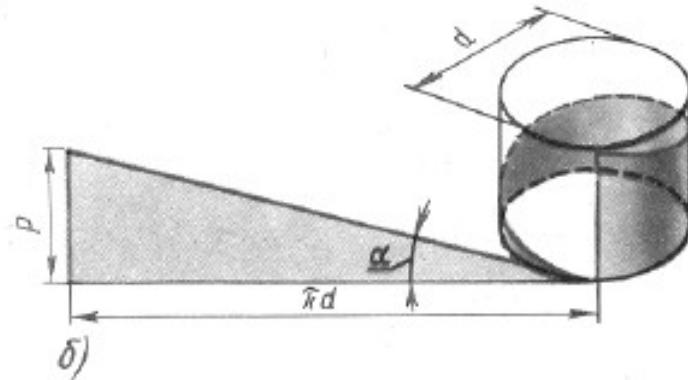
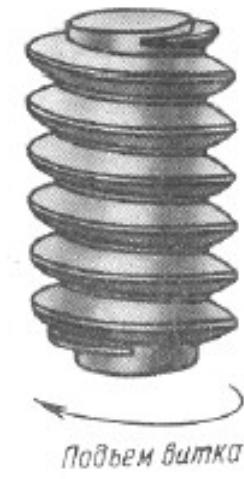
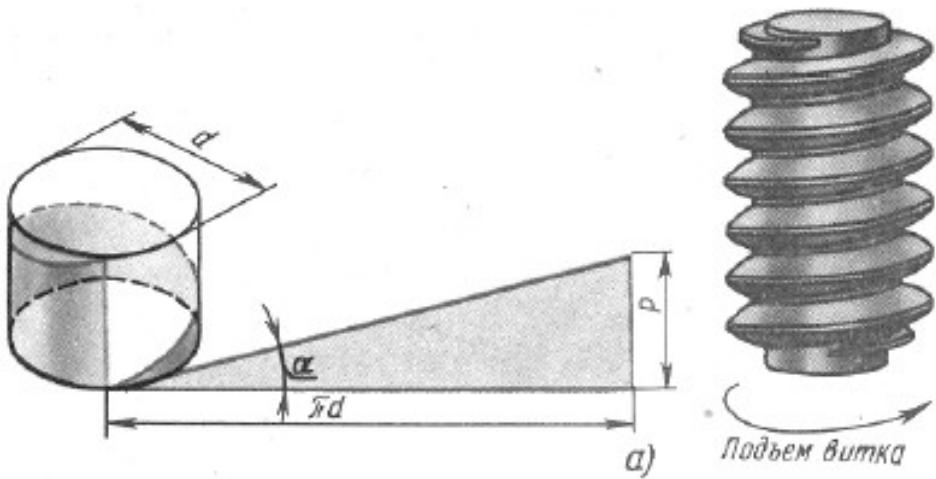
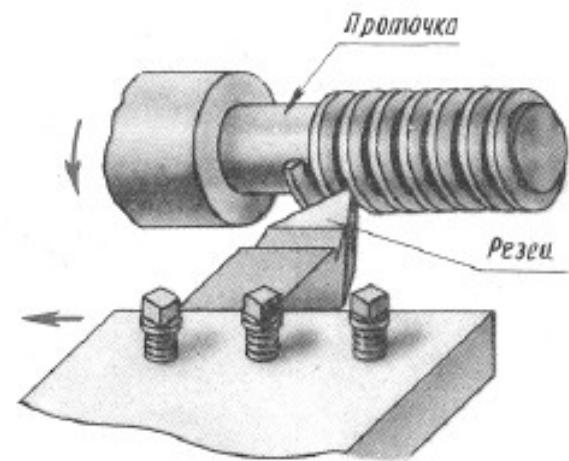
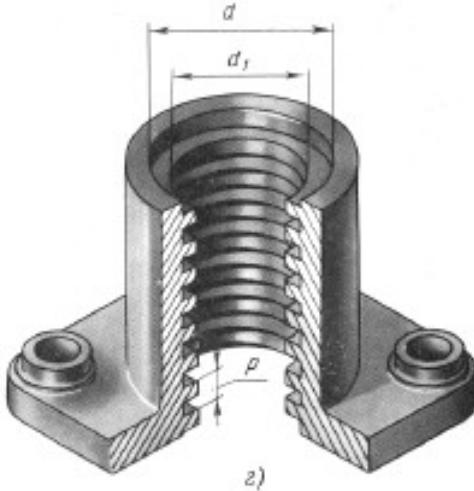
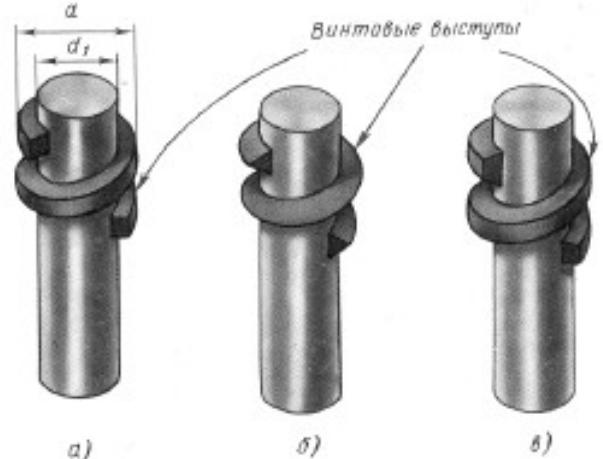
Ma sát trên rãnh chữ V  
→ lớn hơn ma sát trong mặt phẳng ngang

## II. MA SÁT TRÊN KHỚP TỊNH TIẾN (ma sát trượt khô)



### 4. Ma sát trên khớp ren vít

- Cấu tạo ren vít

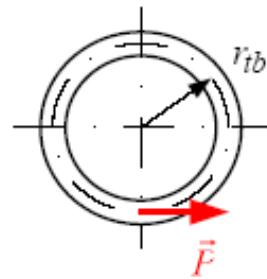
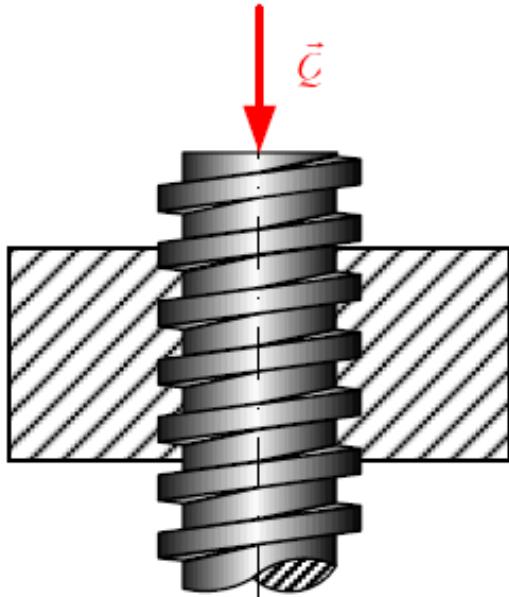


## II. MA SÁT TRÊN KHỚP TỊNH TIẾN

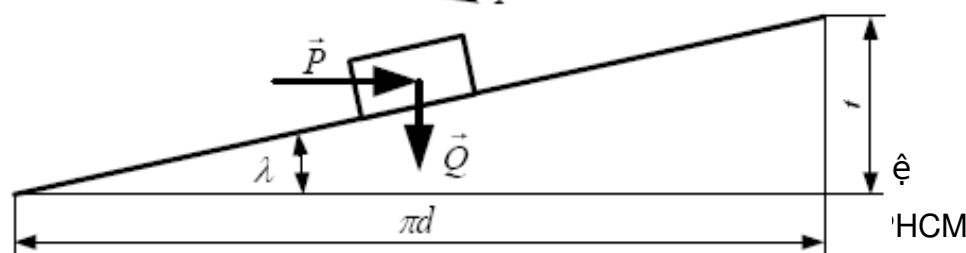
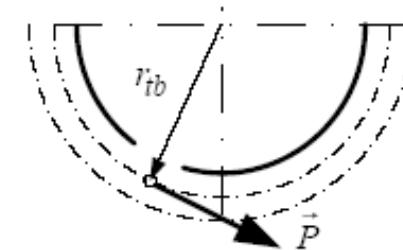
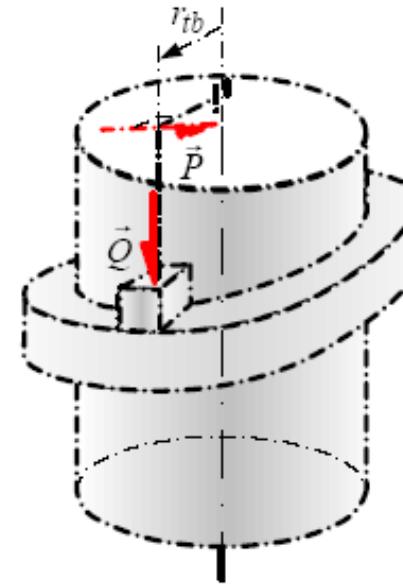
(ma sát trượt khô)



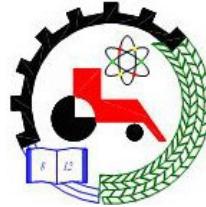
### 4. Ma sát trên khớp ren vít



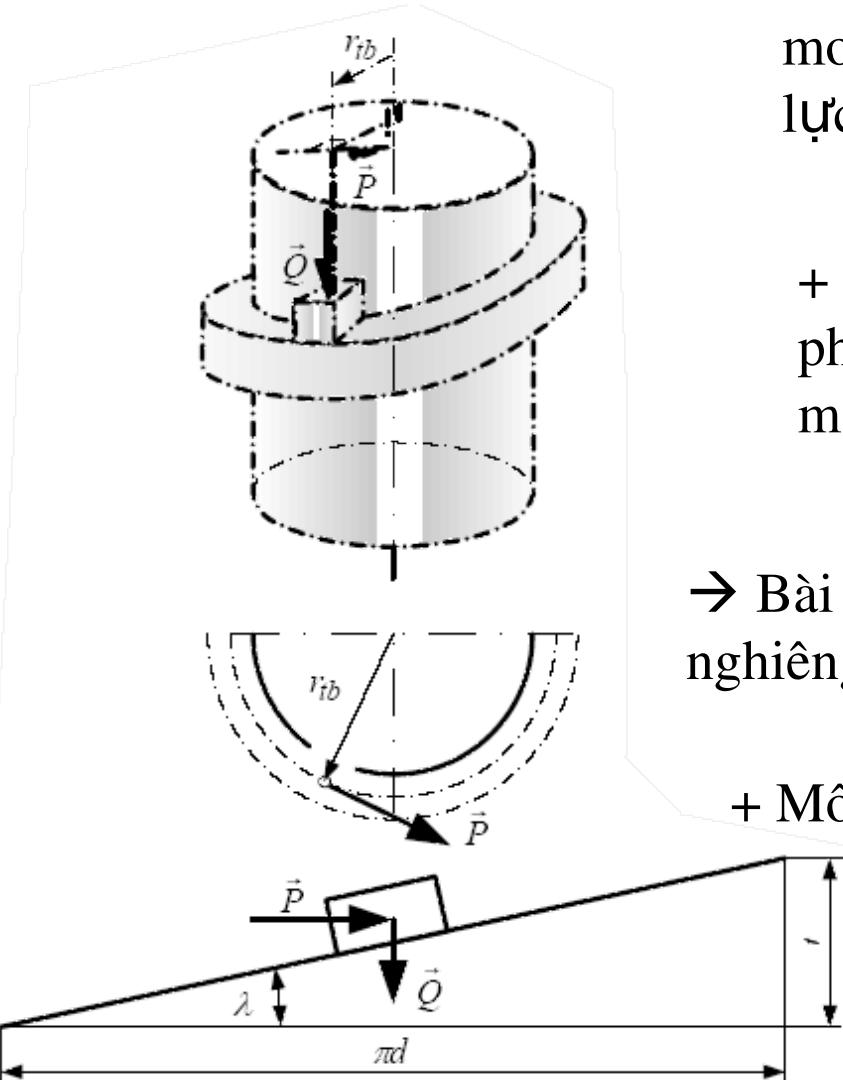
#### a) Ma sát trên ren vuông



## II. MA SÁT TRÊN KHỚP TỊNH TIẾN (ma sát trượt khô)



### 4. Ma sát trên khớp ren vít



#### a) Ma sát trên ren vuông

+ Để vít chuyển động → tác dụng một moment M, có thể xem M là moment của một lực P

$$M = P \frac{d_{tb}}{2} = Pr_{tb}$$

+ Triển khai mặt ren theo mặt trụ ra mặt phẳng, mặt ren trở thành mặt phẳng nghiêng một góc

$$\lambda = \arctan \frac{t}{\pi d_{tb}}$$

→ Bài toán vật chuyển động trên mặt phẳng nghiêng

$$P = Q \tan(\lambda - \phi)$$

+ Môment do P gây ra phải thăng moment ma sát

$$M = M_{ms} = Pr_{tb} = r_{tb}Q \tan(\lambda - \phi)$$

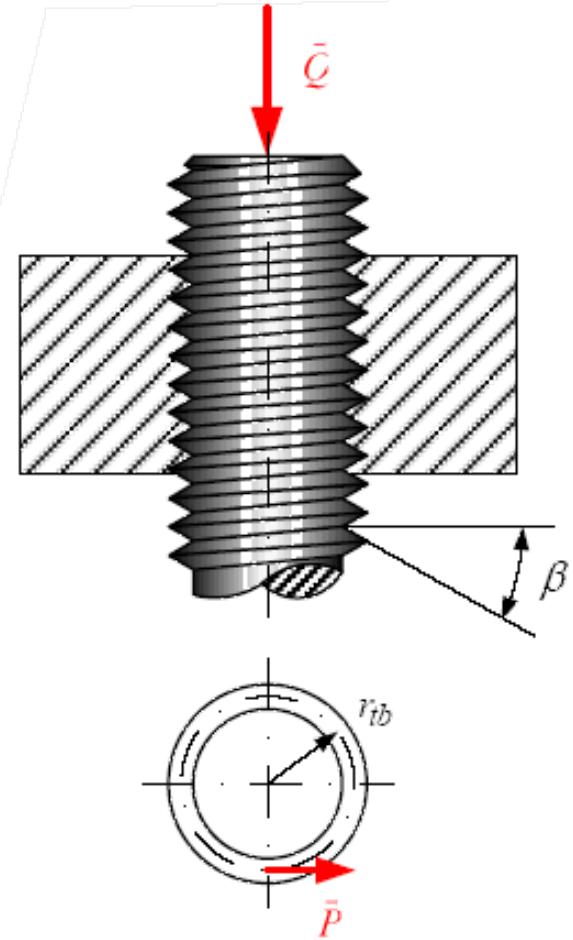
+: **vặn chặt**, P **phát động**, Q **cản**

-: **tháo lỏng**, P **cản**, Q **phát động**

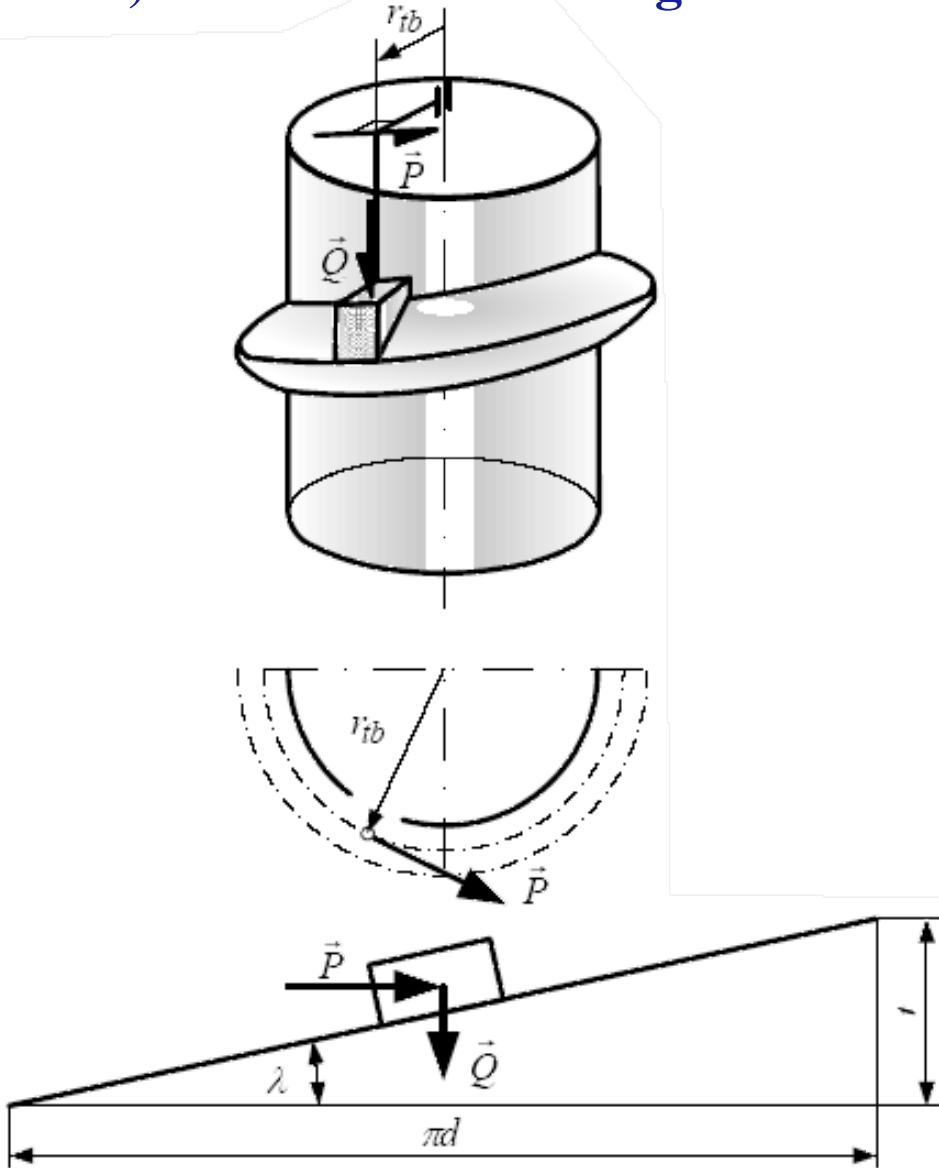
## II. MA SÁT TRÊN KHỚP TỊNH TIẾN (ma sát trượt khô)



### 4. Ma sát trên khớp ren vít



### b) Ma sát trên ren tam giác



## II. MA SÁT TRÊN KHỚP TỊNH TIẾN (ma sát trượt khô)



### 4. Ma sát trên khớp ren vít

#### b) Ma sát trên ren tam giác

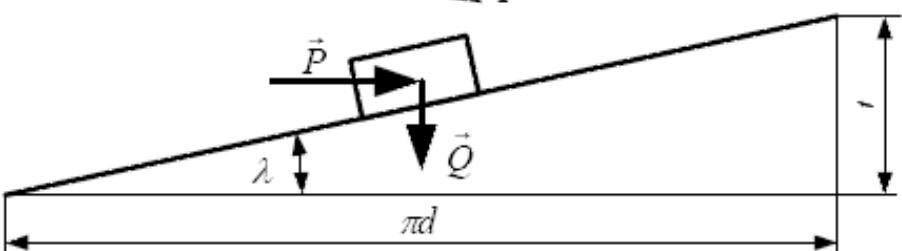
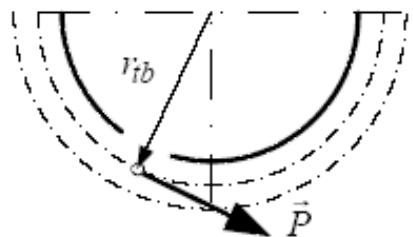
- + Ma sát trên khớp ren tam giác được xem gần đúng như ma sát trên rãnh chữ V có thành rãnh nghiêng một góc và đặt nằm nghiêng một góc
- + Tương tự như ma sát trên ren vuông, ta có

$$P = Q \tan(\alpha - \varphi')$$

$$M_{ms} = r_{tb} Q \tan(\alpha - \varphi')$$

- + Góc ma sát thay thế

$$\varphi' = \arctan f = \arctan \frac{f}{\cos \beta}$$



## II. MA SÁT TRÊN KHỚP TỊNH TIẾN (ma sát trượt khô)



### 4. Ma sát trên khớp ren vít

#### c) So sánh ren tam giác và ren vuông

+ Môment cần thiết để vặn chặt vào trên ren vuông < trên ren tam giác

**→ Dùng ren vuông để truyền động**

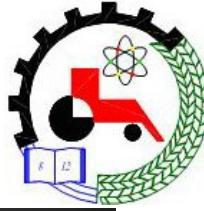
$$M_{ms}^{\perp} = r_{tb}Q \tan(\lambda + \varphi) < r_{tb}Q \tan(\lambda + \varphi') = M_{ms}^{\Delta}$$

+ Môment cần thiết để tháo ra trên ren tam giác > ren vuông

**→ Dùng ren tam giác trong các mối ghép**

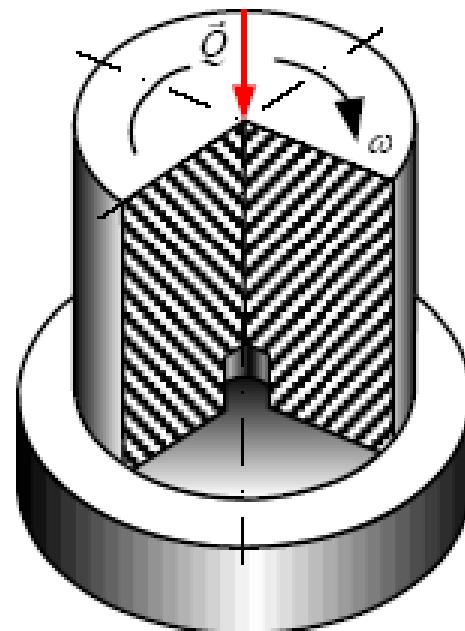
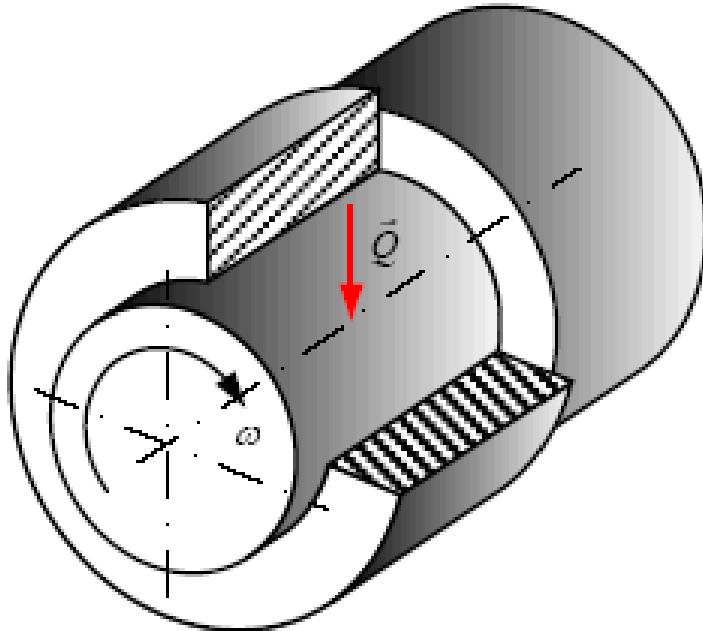
$$M_{ms}^{\Delta} = r_{tb}Q \tan(\lambda - \varphi) > r_{tb}Q \tan(\lambda - \varphi') = M_{ms}^{\perp}$$





### III. MA SÁT TRÊN KHỚP QUAY (ma sát trượt khô)

- Khớp quay dùng nhiều trong máy móc gọi là ổ trục
- Có hai loại ổ trục
  - + Ổ đỡ: chịu lực hướng kính (vuông góc với trục quay)
  - + Ổ chặn: chịu lực hướng trục (song song với đường tâm trục)



- Ổ chịu cả hai lực hướng kính và hướng trục gọi là ổ đỡ chặn

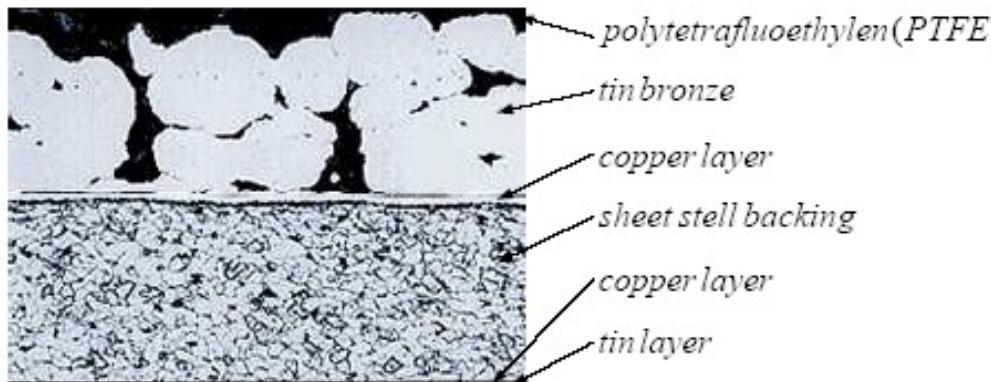
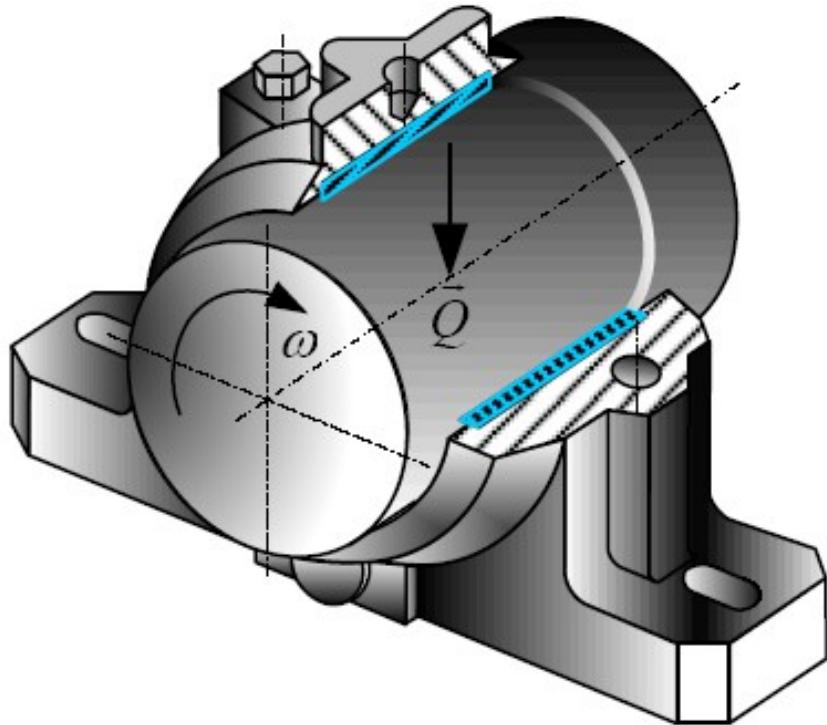
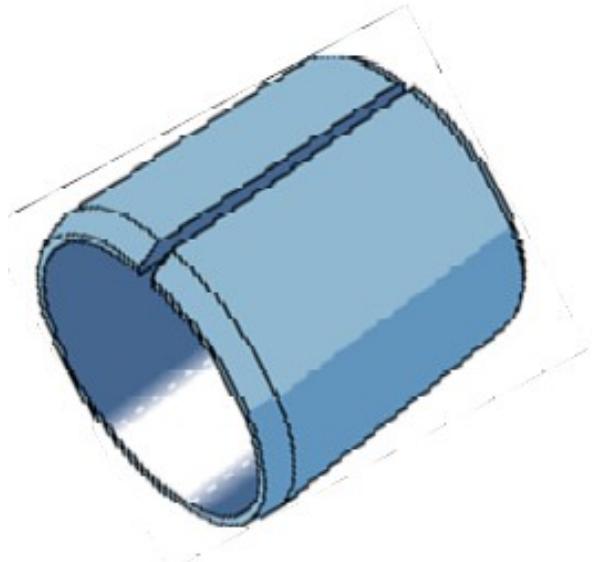
Khoa Cơ Khí – Công Nghệ

Trường ĐH Nông Lâm TPHCM



### III. MA SÁT TRÊN KHỚP QUAY (ma sát trượt khô)

#### 1. Ma sát trên ống đỡ

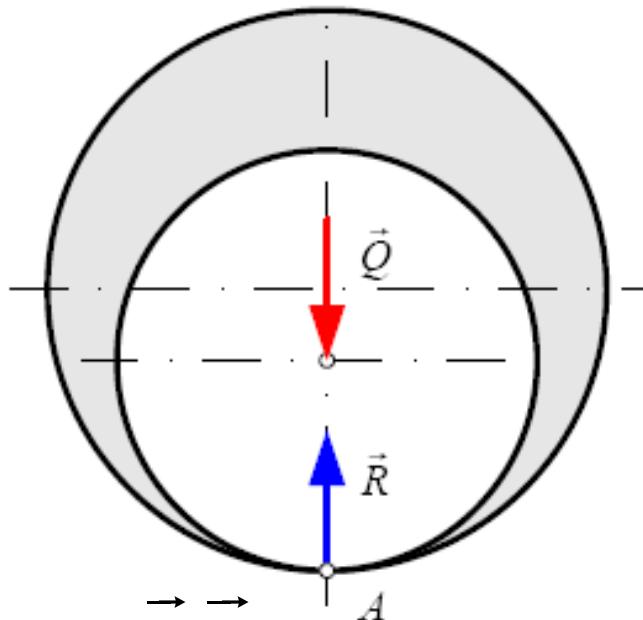


### III. MA SÁT TRÊN KHỚP QUAY (ma sát trượt khô)

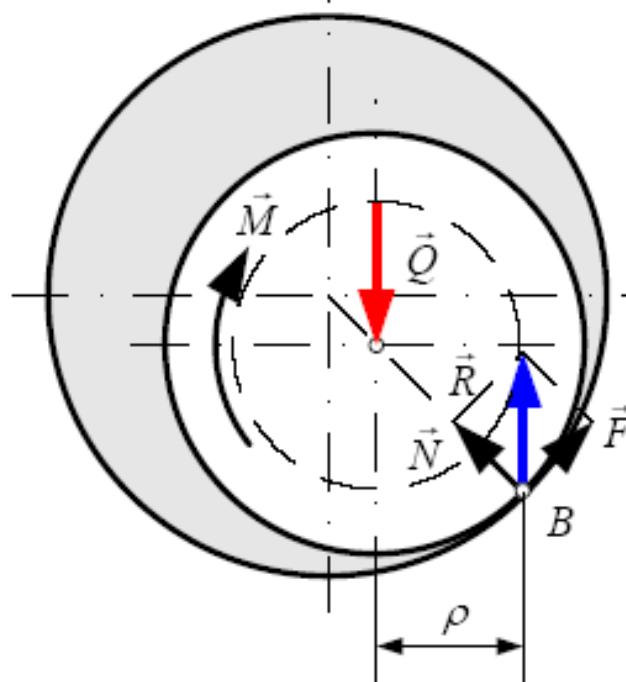


#### 1. Ma sát trên ổ đĩa

Xét trường hợp ổ đĩa hở (đã mòn): giữa ngõng trực và máng lót có độ hở



$$M = M(R, Q) = R\rho = M_{ms}$$



$$\begin{cases} F = f \cdot N \\ R^2 = F^2 + N^2 \end{cases}$$

$$N = \frac{1}{\sqrt{1+f^2}} R$$

$$F = \frac{f}{\sqrt{1+f^2}} R$$

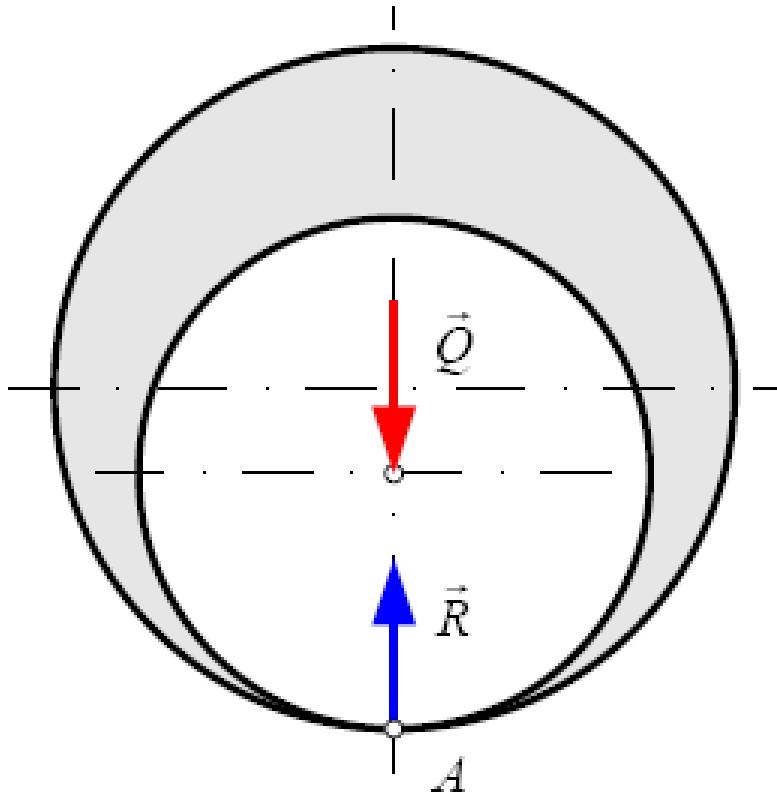
$$M(R, Q) = f' Q r$$

$$f' = \frac{f}{\sqrt{1+f^2}}$$



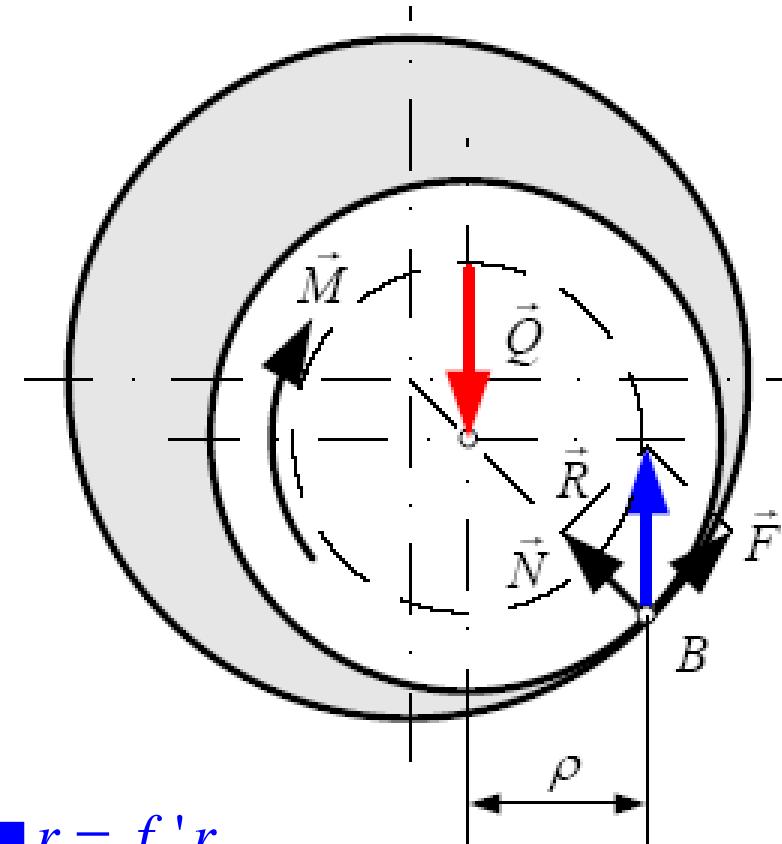
### III. MA SÁT TRÊN KHỚP QUAY (ma sát trượt khô)

#### 1. Ma sát trên ổ đỡ



Bán kính vòng ma sát

$$\rho = \frac{f}{\sqrt{1+f^2}} r = f' r$$



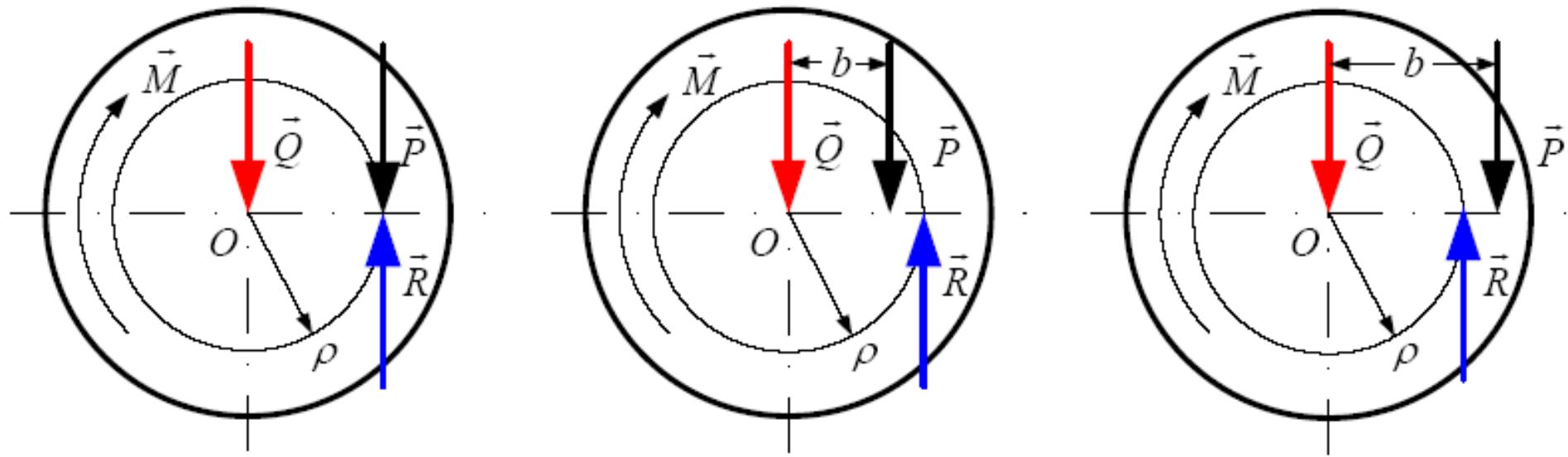
phụ thuộc vào vật liệu chế tạo ( $f$ ) và kết cấu của  $\vec{r}$ )



### III. MA SÁT TRÊN KHỚP QUAY (ma sát trượt khô)

#### 1. Ma sát trên ổ đỡ

Vòng ma sát và hiện tượng tự hãm

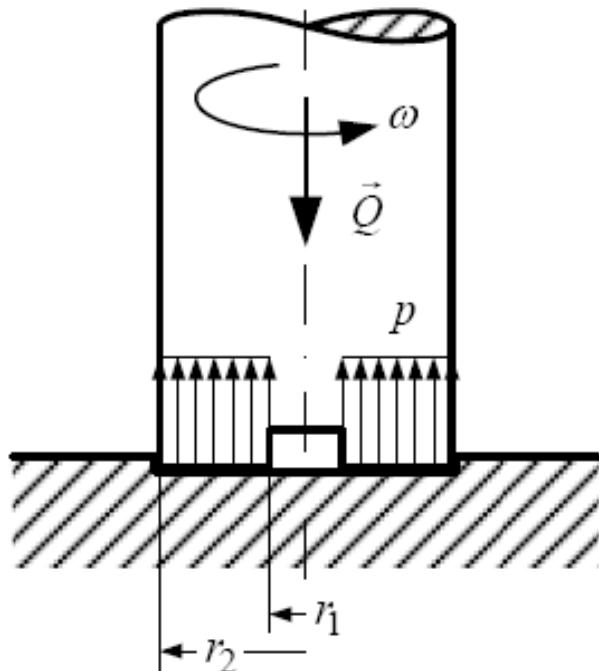


### III. MA SÁT TRÊN KHỚP QUAY (ma sát trượt khô)



#### 2. Ma sát trên ổ chặn

##### a. Ổ chặn còn mới



- Giả thuyết mặt phẳng tiếp xúc tuyệt đối phẳng  
→ áp suất tiếp xúc phân bố đều

$$\rho = \frac{Q}{\pi(r_2^2 - r_1^2)}$$

- Xét hình vòng khăn, diện tích  
- Lực tác dụng  
trên dS

$$dN = pdS = \frac{Q}{\pi(r_2^2 - r_1^2)} 2\pi r dr = \frac{2Or}{r_2^2 - r_1^2} dr$$

- Lực ma sát trên dS

$$dF = fdN = f \frac{2Or}{r_2^2 - r_1^2} dr$$

- Môment ma sát trên dS

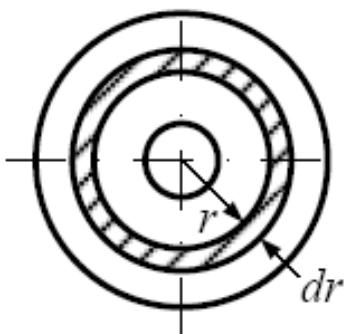
$$dM = dFr = f \frac{2Or}{r_2^2 - r_1^2} dr \cdot r = f \frac{2Or^2}{r_2^2 - r_1^2} dr$$

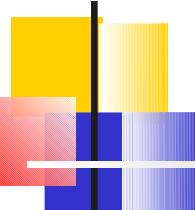
- Môment ma sát trên ổ chặn (còn mới)

$$M = \int_{r_1}^{r_2} dM = \int_{r_1}^{r_2} \frac{2Or^2}{r_2^2 - r_1^2} dr$$

Kết quả khai tử

$$M = \frac{2}{3} f Q \frac{r_2^3 - r_1^3}{r_2^2 - r_1^2}$$



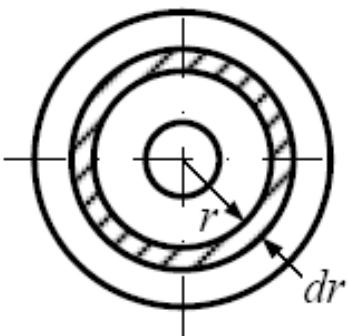
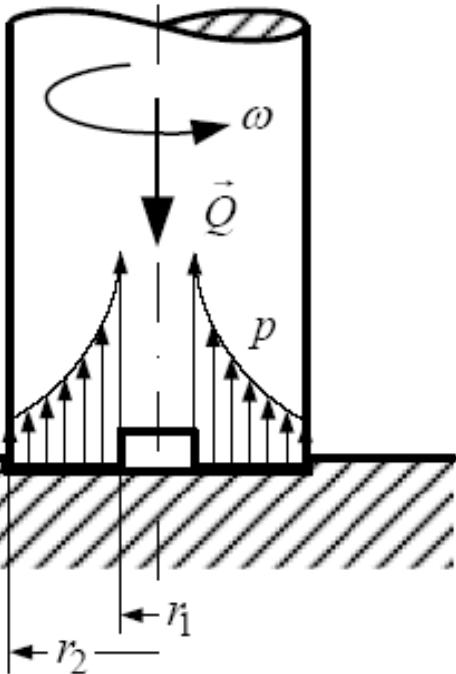


### III. MA SÁT TRÊN KHỚP QUAY

(ma sát trượt khô)



#### 2. Ma sát trên ổ chặn b. *Ổ chặn đã chạy mòn*



- Giả thuyết chỉ có máng lót mòn, tại mọi điểm của bề mặt tiếp xúc độ mòn u tỉ lệ thuận với áp suất tiếp xúc  $p$  và vận tốc dài

$$u = k \cdot p \cdot \omega \cdot r \quad k = \text{const}$$

- Phân bố áp suất

$$p = \frac{u}{k\omega r} = \frac{A}{r} \quad A = \frac{u}{k\omega}$$

- Áp lực ma sát trên dS

$$dN = pdS = \frac{A}{r} 2\pi r \cdot dr = 2\pi A \cdot dr$$

$$\diamond Q = \diamond N = \diamond A r dr = 2\pi A (r_2 - r_1)$$

$$\diamond A = \frac{Q}{2\pi(r_2 - r_1)} \quad p = \frac{Q}{2\pi(r_2 - r_1)r}$$

- Môment ma sát trên ổ chặn (đã mòn)

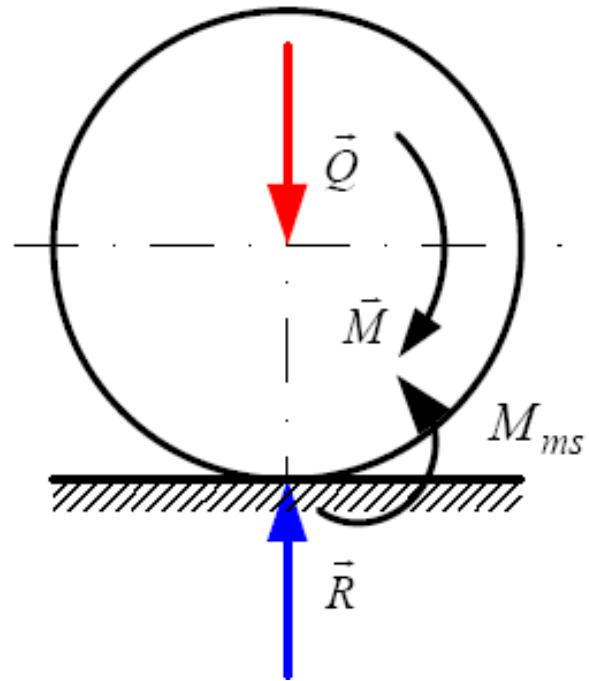
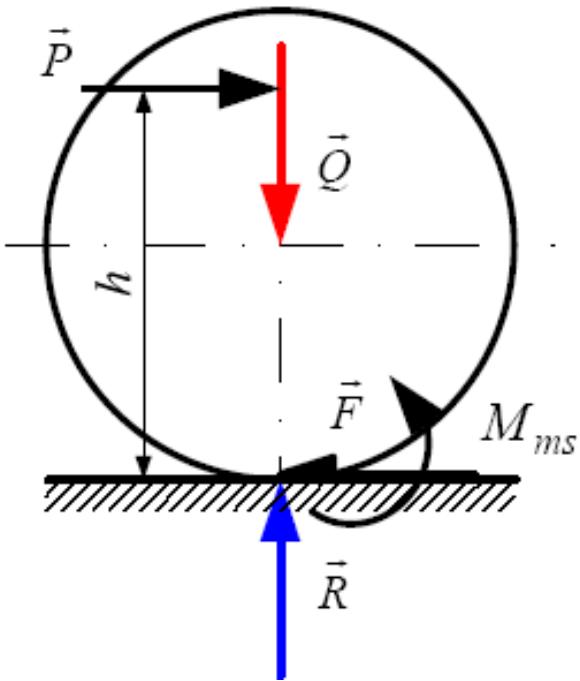
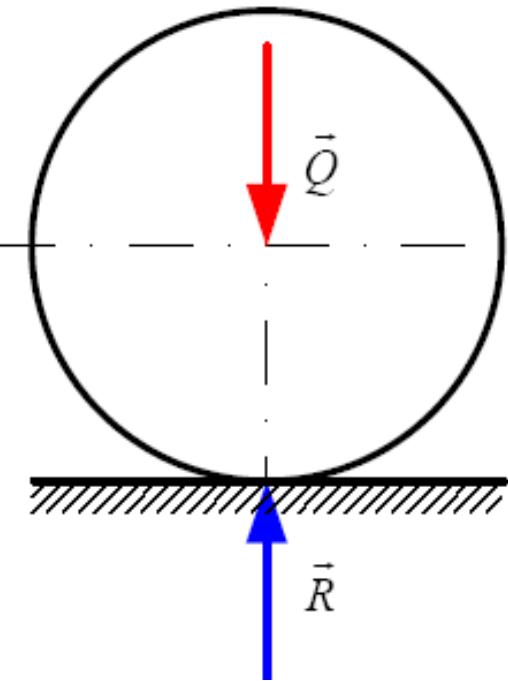
$$M = f \cdot Q \cdot \frac{r_2 - r_1}{2}$$



## IV. MA SÁT LĂN

### (ma sát trên khớp cao)

#### 1. Hiện tượng



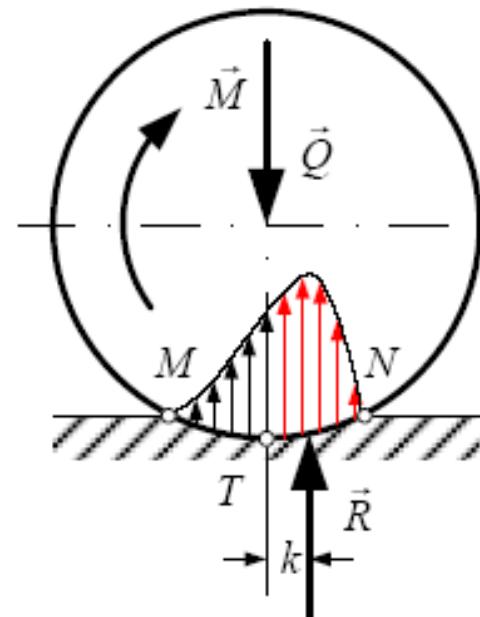
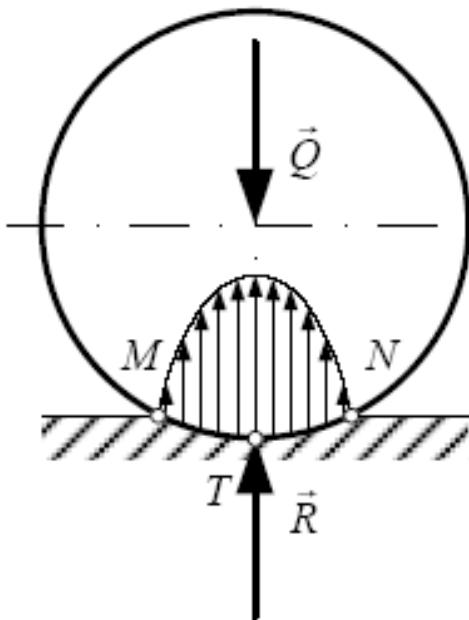
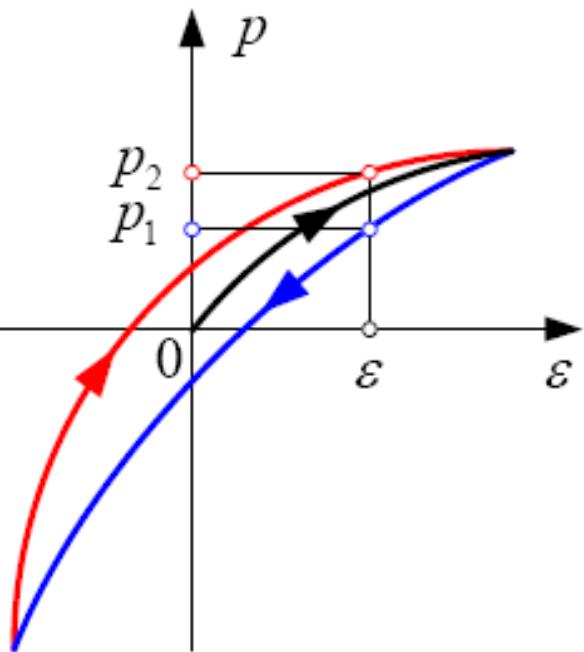


## IV. MA SÁT LĂN

### (ma sát trên khớp cao)

#### 2. Nguyên nhân

Hiện tượng ma sát lăn được giải thích bằng tính đàn hồi trễ của vật liệu: Với cùng một biến dạng, Ứng suất  $p_2$  sinh ra trong quá trình tăng biến dạng lớn hơn ứng suất  $p_1$  sinh ra trong quá trình giảm biến dạng.



$$M_{msl} = k \cdot Q$$

Trong đó:  $k$  – hệ số ma sát lăn (m)



## IV. MA SÁT LĂN

### (ma sát trên khớp cao)

#### 3. Điều kiện lăn không trượt

- Điều kiện lăn:

$$M_q > M_{msl} \quad P.y > k.Q \quad P > \frac{k.O}{y} \quad (1)$$

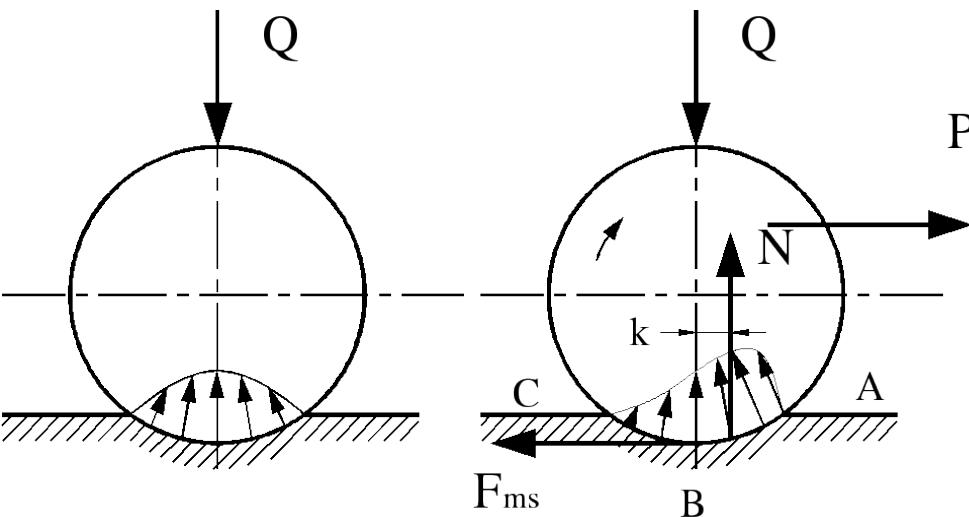
P - Điều kiện không trượt:

$$P < F_{ms} = f.Q \quad (2)$$

- Điều kiện lăn không trượt:

$$\frac{k.O}{y} < P < f.Q$$

$$y > \frac{k}{f}$$

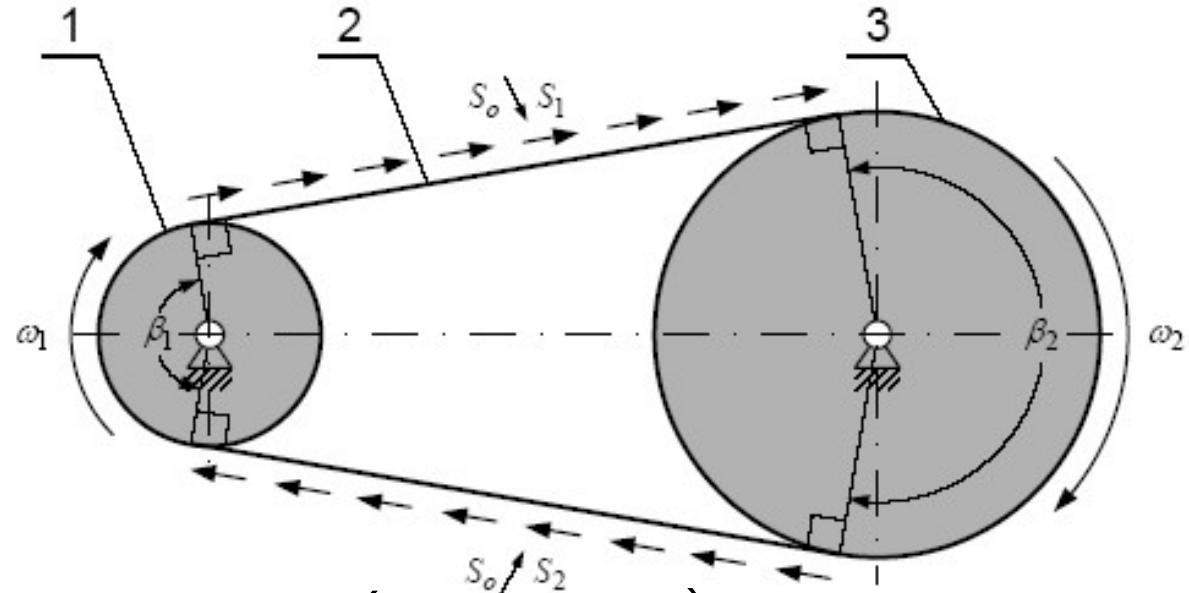
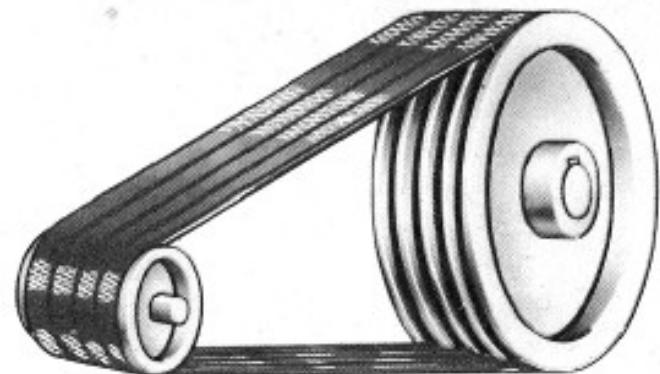




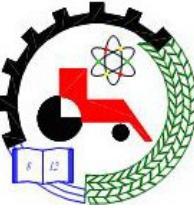
# V. TRUYỀN ĐỘNG MA SÁT

## 1. Cơ cấu đai truyền

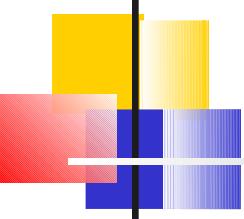
- Truyền động đai được dùng nhiều trong kỹ thuật
- Bộ truyền đai gồm: puly dẫn 1, dây đai 2 và puly bị dẫn 3



- Khi chưa truyền động, 2 nhánh dây đai có sức căng ban đầu  $F_0$
- Khi truyền động, sức căng trên nhánh căng tăng lên  $F_1$
- Khi truyền động, sức căng trên nhánh chùng giảm xuống  $F_2$



# V. TRUYỀN ĐỘNG MA SÁT



## 1. Cơ cấu đai truyền

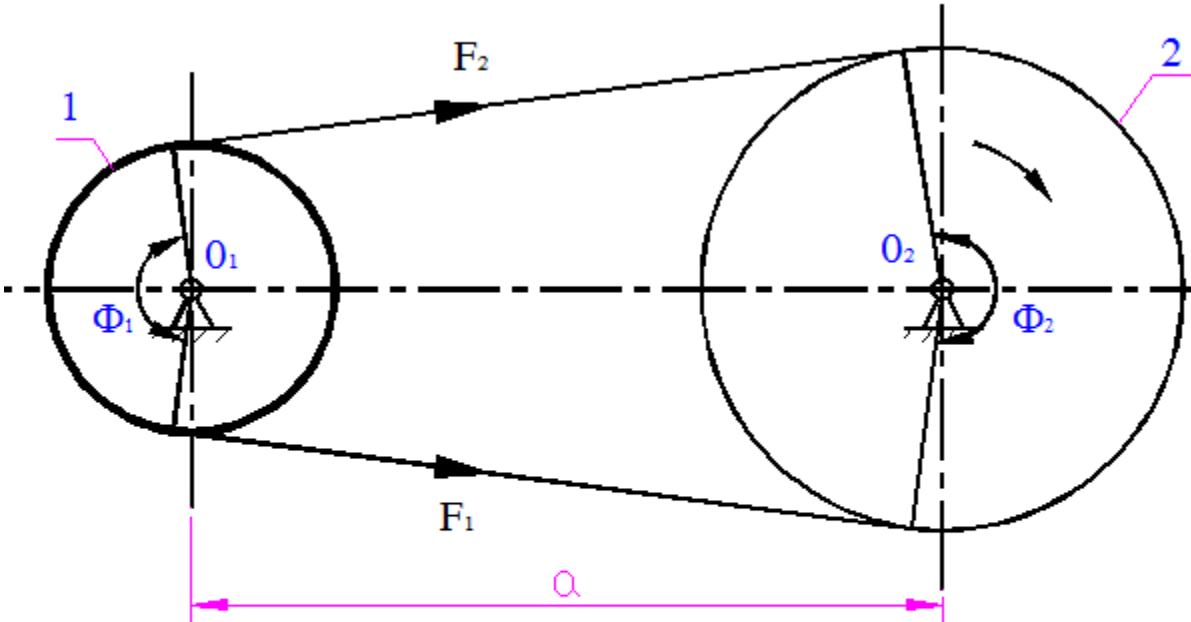
Các thông số cơ bản:

- Góc ôm trên bánh dẫn (bánh nhỏ)  $\Phi_1 = 180^\circ - 57^\circ \frac{d_1 - d_2}{a}$
- Chiều dài đai:  $L = 2a + \pi \left( \frac{d_1 + d_2}{2} \right) + \frac{(d_2 - d_1)^2}{4a}$
- L chọn theo tiêu chuẩn, xác định a (khoảng cách trực)

với  $a = \frac{k + \sqrt{k^2 - 8\Delta^2}}{4}$

và  $k = L - \pi \frac{d_1 + d_2}{2}$

$$\Delta = \frac{d_2 - d_1}{2}$$



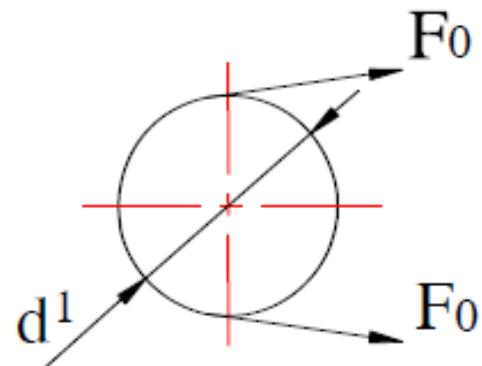
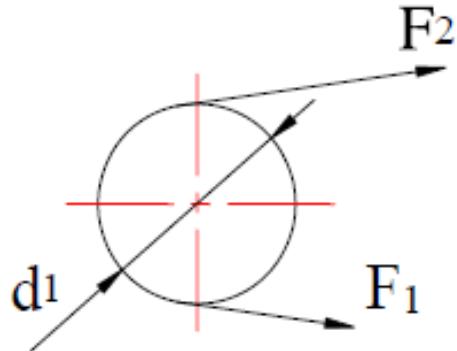


# V. TRUYỀN ĐỘNG MA SÁT

## 1. Cơ cấu đai truyền

- Lực trên nhánh căng:  $F_1$
- Lực trên nhánh chùng:  $F_2$
- Lực căng ban đầu:  $F_0$

$$F_0 = \frac{F_1 + F_2}{2}$$



- Lực vòng trên dây đai:  $F_t$

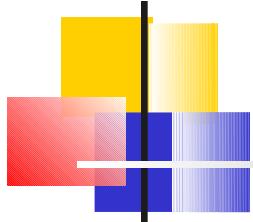
$$F_t = F_1 - F_2$$

Mô men có thể truyề̉n trên đai:

$$T = F_t \frac{d_1}{2} \quad \text{hoặc} \quad T = (F_1 - F_2) \frac{d_1}{2}$$



# V. TRUYỀN ĐỘNG MA SÁT



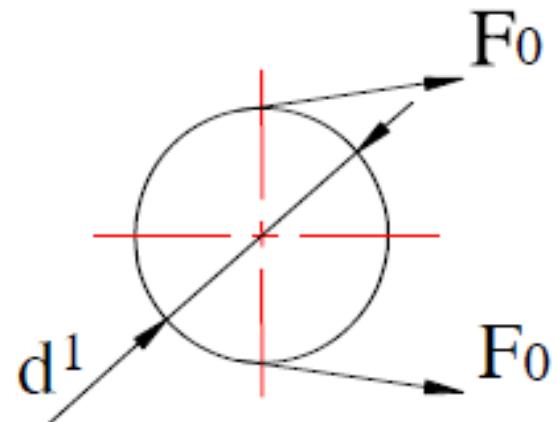
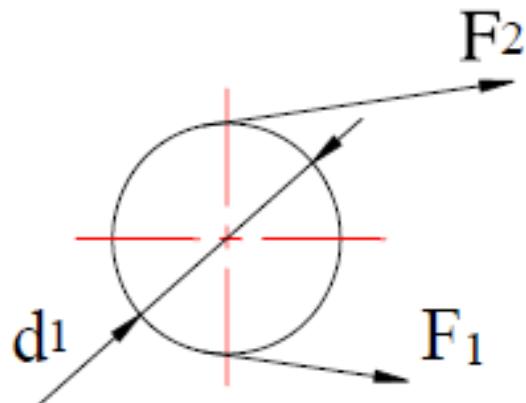
## 1. Cơ cấu đai truyền

- Công suất truyền:

$$N = T \cdot \omega \quad (\text{W}), \quad \text{khi } T \text{ (Nm)}, \quad \omega \text{ (rad/s)}$$

$$N = F_t \cdot V \quad (\text{W}), \quad \text{khi } F_t \text{ (N)}, \quad V \text{ (m/s)}$$

Vận tốc đai:  $V = \omega \cdot r = \frac{2\pi n}{60} \cdot r$





# V. TRUYỀN ĐỘNG MA SÁT

## 1. Cơ cấu đai truyền

- Phương trình Euler:

$$\frac{F_1 - F_v}{F_2 - F_v} = e^{f' \Phi}$$

Trong đó:

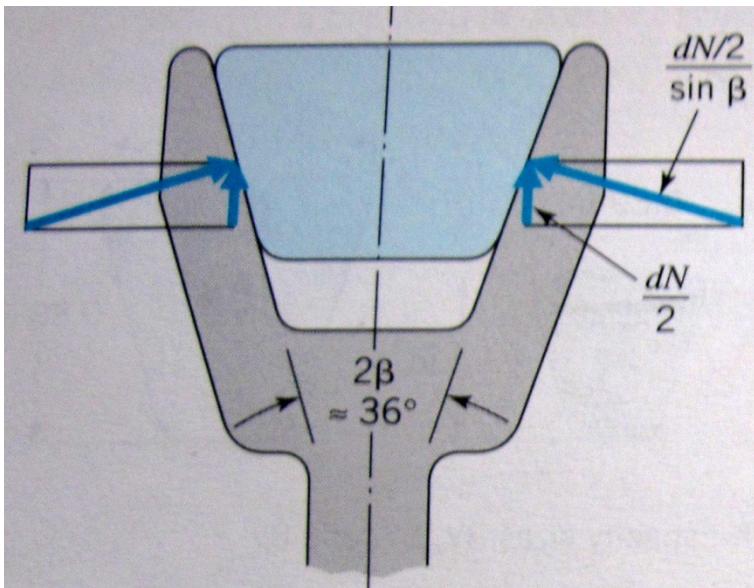
+ Lực căng phụ (lực ly tâm):  $F_v$        $F_v = q_m \cdot V^2$

$q_m$ : Khối lượng 1m dây đai (kg/m);  $q_m = Q_m/g$

$V$ : vận tốc đai (m/s)

+ Hệ số ma sát thay thế:       $f' = f/\sin \beta$

+ Góc ôm trên bánh dẫn:      (rad)



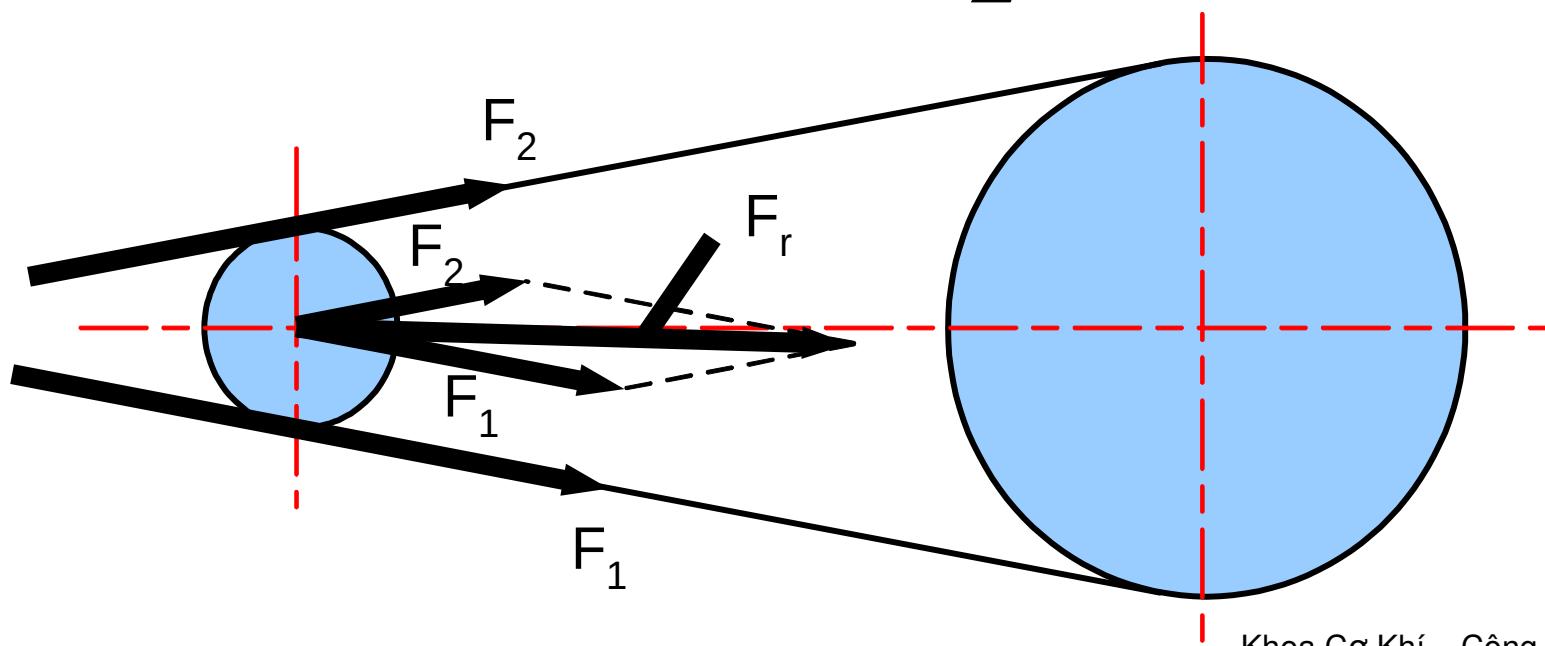


# V. TRUYỀN ĐỘNG MA SÁT

## 1. Cơ cấu đai truyền

- Lực tác dụng lên trực và ố:

$$F_r = 2F_0 \sin\left(\frac{\Phi}{2}\right)$$





# V. TRUYỀN ĐỘNG MA SÁT

## Các biện pháp kỹ thuật để tăng khả năng tải của bộ truyền dây đai

- Tăng  $F_0$

→ Lực tác dụng lên trục tăng, tuổi thọ đai giảm: chú ý tiết diện đai, ổ trục

- Tăng R

→ Bộ truyền công kẽm

- Tăng f

+ Chọn vật liệu đai và puly phù hợp

+ Rắc chất tăng ma sát lên đai và puly

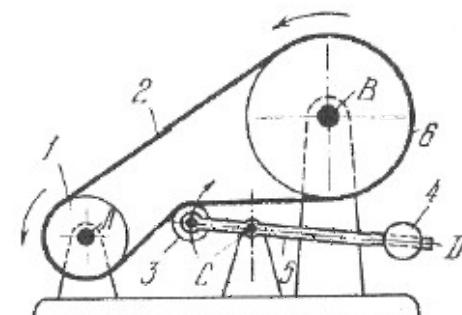
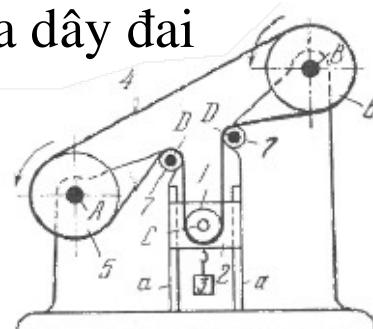
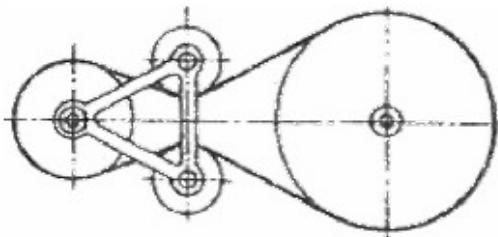
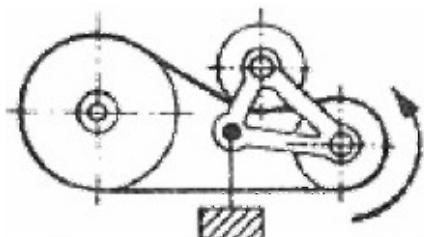
- Tăng

+ Chọn chiều quay cho nhánh chùng lên trên

+ Tăng khoảng cách trục → chú ý kích thước bộ truyền và dây đai dao động

+ Chọn tỉ số truyền không quá lớn → giảm góc ôm của dây đai trên puly

+ Dùng puly căng đai → giảm tuổi thọ của dây đai





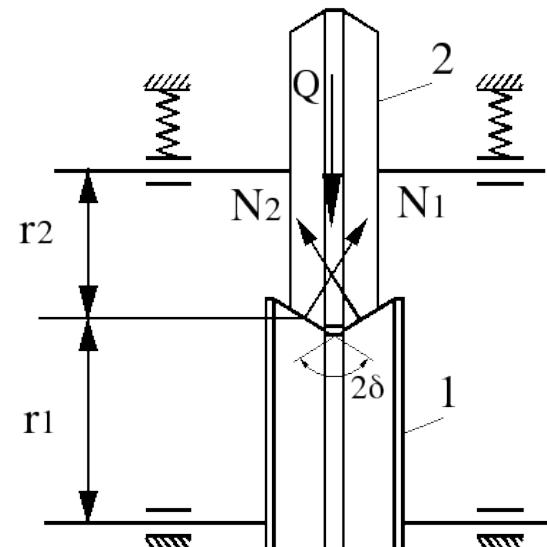
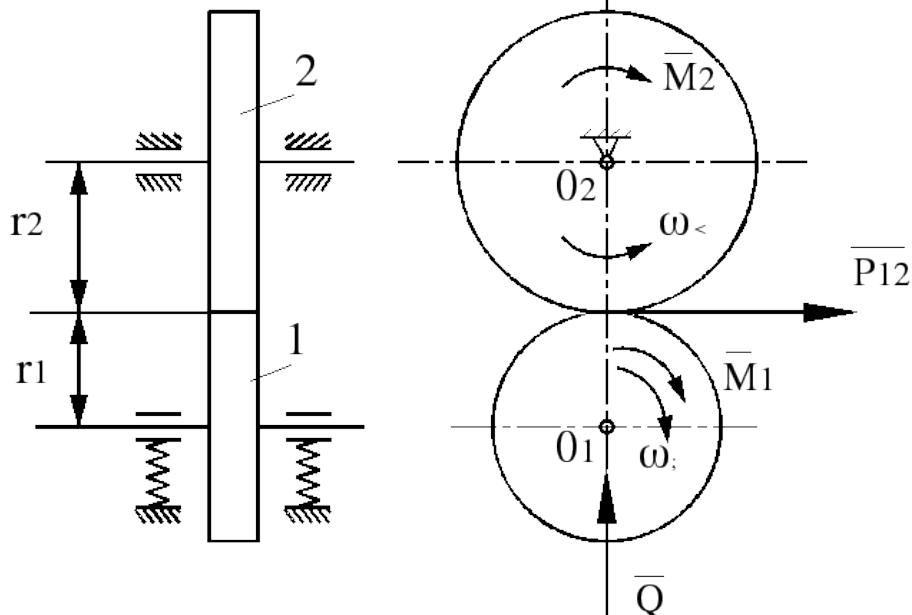
# V. TRUYỀN ĐỘNG MA SÁT

## 2. Cơ cấu bánh ma sát

- Lực vòng bánh 1 t/d lên bánh 2:  $P_{12} = M_2 \cdot r_2$
- Lực ma sát giữa 2 bánh:  $F = f \cdot Q$
- Để truyền động không bị trượt:  $P_{12} < F$

→ Lực ép cần thiết:

$$Q = k \frac{M_2}{f \cdot r_2}$$



$M_2$  – момент cản

$r_2$  – bán kính bánh 2

$Q$  – lực ép giữa 2 bánh

$f$  – hệ số ma sát

$k$  – hệ số dự trữ độ bám