

## Động cơ đốt trong đối ứng

### LỜI NÓI ĐẦU

Trong thời kì công nghiệp hoá, hiện đại hoá đất nước hiện nay thì ngành công nghiệp đóng một vai trò quan trọng. Cùng với sự phát triển mạnh mẽ của nền khoa học kỹ thuật thì sinh viên nói chung và sinh viên ngành kỹ thuật nói riêng phải trang bị cho mình một kiến thức để tiếp cận kịp thời với sự phát triển khoa học của thế giới. Vì vậy trong thời gian học tập ở trường mọi sinh viên phải nắm vững được các môn học cơ sở.

Môn học nguyên lý máy là một trong các môn cơ sở đó. Trong quá trình học tập môn học này em được bộ môn giao để tài thiết kế “Động cơ đốt trong đối ứng”. Cùng với những tiếp thu được trong quá trình học tập và sự tận tình của của thầy giáo Phan Quang Thế và các thầy cô trong tổ bộ môn, nay về cơ bản em đã hoàn thành đồ án môn học. Mặc dù còn nhiều thiếu sót rất mong thầy cô giúp đỡ em để em hoàn thành tốt hơn.

Vậy em xin chân thành cảm ơn thầy giáo Phan Quang Thế và các thầy cô giáo đã giúp đỡ em hoàn thành đồ án môn học. Một lần nữa em xin chân thành  
cảm ơn !

Sinh viên

Hoàng Ngọc Quang

## **PHÂN TÍCH CẤU TRÚC CƠ CẤU.**

### **1. Phân tích chuyền động :**

Cơ cấu chính của động cơ đốt trong đối xứng là cơ cấu tay quay con trượt gồm 5 khâu khác nhau và 2 Pistong đối xứng nhau.

Dùng cơ cấu này trong động cơ để biến chuyền động tịnh tiến qua lại của pistong thành chuyền động quay tròn của trực khuỷu (Khâu dẫn). Để từ đó dẫn động tới các máy công tác khác.

Trong cơ cấu của động cơ đốt trong đối xứng có 5 khâu được nối với nhau bằng 5 khớp bản lề và 2 khớp trượt.

Khâu 1 chuyền động quay: Ta giả thiết quay đều với số vòng đã cho.

Khâu 3 và khâu 5 (Pistong) chuyền động tịnh tiến, thanh truyền 2 và 4 chuyền động song phẳng.

Khi cả khâu 3 và khâu 5 cùng nằm trên đường trượt với  $OD = OB = L + R$  thì 2 Pistong 3 và 5 sẽ nằm ở điểm chéo trên khi  $OD = OB = L - R$  thì 2 Pistong nằm ở điểm chéo dưới.

Trong động cơ đốt trong Pistong là khâu phát động nó truyền động chuyền cho thanh truyền 2 và qua thanh truyền 2 truyền tiếp chuyền động cho trực khuỷu 1

2. Tính bậc tự do và xếp loại cơ cấu :

Cơ cấu chính của động cơ đốt trong đối xứng gồm 5 khâu động và 7 khớp loại 5

Khâu 1 nối với khâu 2 bằng khớp bản lề

Động cơ đốt trong đối xứng

Khâu 2 nối với khâu 3 bằng khớp bản lề

Khâu 1 nối với khâu 4 bằng khớp bản lề

Khâu 4 nối với khâu 5 bằng khớp bản lề

Các khớp bản lề này có trực vĩ mặt phẳng bản vẽ tính theo công thức  
tính bậc tự do ta có :

$$W = 3n - (2P_5 + P_4) + R_s - S.$$

Ta thấy đây là cơ cấu phẳng toàn khớp thấp và không có ràng buộc thụ động nên.

$$R_s = 0 ; S = 0.$$

Do đó ta có :

$$W = 3 \times 5 - 2 \times 7 = 1$$

$$\text{Số bậc tự do của cơ cấu phẳng} = 1$$

Xếp loại cơ cấu ta tách nhóm Axua

Tách khâu 2 nhóm Axua loại 2 }

Động cơ đốt trong đối xứng là cơ cấu loại 2.

b. Tổng hợp cơ cấu chính và vẽ hoạ đồ vị trí.

- Theo cách dựng của bài toán tổng hợp cơ cấu tay quay con trượt của Pistong 3 và 5 là trực xx.

Tâm quay nằm trên trục xx và quỹ tích A và C là đường tròn tâm O bán kính khi  $R = OA = OC$ .

Gọi B1 là điểm chết trên

Gọi B5 là điểm chết dưới.

Ta có :  $B_1B_5 = H$  vì động cơ là đối xứng nên  $D_1D_5 = H$ .

Hành trình Pistong:  $H = 2R$ .

Theo đầu bài :  $2R = 68$   $R = 34$  (mm).

$$L = 130,9 \text{ (mm).}$$

Vậy:  $L_{AB} = L_{CD} = L = 130,9 \text{ (mm)}$ .

Theo giả thiết cho:  $L_{AS2} = L_{CS4} = L = 130,9 \text{ (mm)}$ .

Để phù hợp với bản vẽ và khuôn giấy ta biểu diễn  $R = OA = OC = 50 \text{ (mm)}$

Chọn tỉ lệ xích chiều dài:

Vậy các đoạn biểu diễn trên bản vẽ là :

và

Cách dựng họa đồ vị trí :

- Dựng đường thẳng xx trùng với phương trượt của 2 Pistong.
- Chọn tâm O thuộc xx (Vì là động cơ đối trọng đối xứng nên chọn tâm là trung điểm đoạn xx, vẽ đường tròn tâm O bán kính  $R = 50 \text{ mm}$  ).

### Động cơ đốt trong đối xứng

- Chia vòng tròn thành 8 phần bằng nhau khi chia ta xuất phát từ điểm bắt đầu làm việc ta chọn điểm xuất phát là điểm chết trên của 2 Pistong sau đó ta đánh số thứ tự từ điểm  $A_1, \dots, A_8$  và  $C_1, \dots, C_8$ , theo chiều quay của tâm vận tốc .

- Lấy các điểm  $A_1, \dots, A_8$  làm tâm quay các đường tròn bán kính

$R = L = 212,5(\text{mm})$  các đường tròn này cắt trực  $xx$  tại các điểm tương ứng  $B_1, B_2, \dots, B_8$  lấy các điểm  $C_1, C_2, \dots, C_8$  làm tâm quay các đường tròn bán kính

$R = 212,5(\text{mm})$  ta cũng được các điểm  $D_1, D_2, \dots, D_8$ .

Lần lượt nối các điểm của từng vị trí với nhau ta được đồ họa đồ vị trí của cơ cấu.

## Phân II. Phân tích động học cơ cấu.

### 1. Phương trình và cách dựng hoạ đồ vận tốc.

Ta lần lượt vẽ hoạ đồ vận tốc cho 16 vị trí nhưng vì cơ cấu đối xứng nên ta chỉ vẽ 8 vị trí :

$A_1$	$C_5$	$A_5$	$C_1$
$A_2$	$C_6$	$A_6$	$C_2$
$A_3$	$C_7$	$A_7$	$C_3$
$A_4$	$C_8$	$A_8$	$C_4$

Do đó ta chỉ cần vẽ hoạ đồ cho 8 vị trí sau đó lấy đối xứng qua tâm vận tốc và có chiều ngược lại.

Các phương trình vận tốc của cơ cấu là:

- Có Phương OA , chiều theo chiều quay
- Độ lớn  $= \omega$

Trong đó:

Mặt khác : (Khớp quay).

$$= 13,174 \text{ (m/s)}.$$

Ta biết 2 điểm A , B cùng thuộc khâu 2 nên ta có phương trình.

Mà :  $\omega =$  (Khâu 2 và khâu 3 nối nhau bằng khớp quay).

Đã biết phương chiều độ lớn

Có phương song song với phương trượt, chiều và trị số chưa biết

Có phương vuông góc với AB, chiều và trị số chưa biết

Chọn P làm gốc hoạ đồ vận tốc và tỉ lệ xích vận tốc là :

$$13,174 / 50 = 0,263 \quad ()$$

### Động cơ đối xứng

Khi đó đoạn biểu diễn điểm A đúng bằng đoạn OA : = OA = 50 (mm)

Từ P ta dựng vectơ - Có phương OA , chiều thuận chiều

- Độ lớn : = OA = 50 (mm)

### Biểu diễn vectơ vận tốc

Từ mút  $a_1$   $a_2$  kẻ phương của vectơ vận tốc . Từ gốc P ta kẻ tiếp phương của vectơ vận tốc = ( Phương ngang ) ; 2 đường thẳng này cắt nhau tại đâu thì đó là vị trí của điểm  $b_2$   $b_3$ .

Nối P với  $b_2$   $b_3$  ta được vectơ biểu diễn vectơ vận tốc =

Vì cơ cấu đối xứng nên các vectơ vận tốc :

lấy đối xứng qua P

Véc tơ - Có phương trùng với phương

- Chiều ngược chiều

- Có phương trùng với phương

- Chiều ngược chiều

- Có phương song song với , chiều ngược chiều

- Độ lớn : = . Sau khi vẽ song hoạ đồ vận tốc ta xác

định vận tốc thực của các điểm trên các khâu bằng cách lấy đoạn biểu diễn nhân với tỉ lệ xích vận tốc = = .

$$= = .$$

$$= .$$

$$= .$$

Vận tốc góc của khâu 2 ta xác định bằng công thức :

Và vận tốc góc của khâu 4 :  $v_4 = v_2$

Bảng trị số các đoạn biểu diễn vận tốc :

Vị trí Vận tốc (mm)	1	2	3	4	5	6	7	8

### Động cơ đốt trong đối xứng

$P_{a_{1,2}} = P_{c_{1,4}}$	50	50	50	50	50	50	50	50
$P_{b_{2,3}} = P_{d_{4,5}}$	0	41,9612	50	28,7495	0	28,749 5	50	41,9612
$P_{s_2} = P_{s_4}$	0	41,9612	50	28,7495	0	28,749 5	50	41,9612
$a_2 b_2 = c_4 d_4$	50	35,9672	0	35,9672	50	35,967 2	0	35,9672

## 2. Phương trình và cách dụng hoạ đồ gia tốc.

Ta giải bằng phương pháp hoạ đồ

Tại các vị trí khác nhau, phương trình vectơ gia tốc hoàn toàn giống nhau và cách vẽ cũng giống nhau vì vậy ta xét đặc trưng tại vị trí số 3 và số 8 còn lại các vị trí khác tương tự.

a. Xét vị trí số 3:

- Có phương trùng với phương OA .

- Chiều hướng từ A → O.

- Độ lớn : =

Vì 2 điểm A và B cùng thuộc 1 khâu (2) nên ta có

Mà (khớp quay).

Và có thể phân tích thành 2 thành phần

- Có phương // với phương trượt trong chuyển động (phương ngang)

- Chiều và trị số chưa biết.

- Là gia tốc pháp tuyến trong chuyển động tương đối B quay quanh A .

- Có phương song song với AB ; Chiều hướng từ B → A

- Độ lớn : =

- Là gia tốc tiếp tuyến trong chuyển động tương đối B quay quanh A.

Có phương vuông góc AB có chiều và trị số chưa biết.

Bằng phương pháp vẽ ta xác định được gia tốc của các vị trí .

Ta chọn tỉ lệ xích gia tốc :

Chọn điểm P làm gốc hoạ đồ, dựng các vectơ  $a'_1 = a'_2 = OA = 50$  (mm)

biểu diễn vectơ gia tốc từ mực ta dựng vectơ :

- Có phương AB.

- Chiều B đến A

- Giá trị biểu diễn : = = 0 ( do  $v_{B2A2} = 0 = v_{C4D4}$ )

biểu diễn vectơ rồi nối tiếp phương của vec tơ gia tốc là phương vuông góc với thanh truyền AB . Tiếp theo, từ gốc ta kẻ phương của vectơ gia tốc ( Phương ngang). Hai đường thẳng chỉ phương cắt nhau ở đâu thì điểm đó là điểm  $b_2'$   $b_3'$ , từ ta dựng vectơ  $b_2'$   $b_3'$  biểu diễn vectơ gia tốc = .

Ta dựng các vectơ biểu diễn cho các vectơ gia tốc ; ; và . Bằng cách lấy đối xứng qua gốc các vectơ ; ; và

Xác định gia tốc góc của khâu 2 và khâu 4 bằng công thức :

b. Tại vị trí số 8

- Có phương OA ; Có chiều hướng từ A O.

- Độ lớn :

=

Hai điểm A,B cùng thuộc khâu 2 nên ta có phương trình :

+

(Khớp quay).

= +

**Động cơ đốt trong đối xứng**  
 $= + + .$

- Phương AB.

- Chiều từ B đến A.

- Trị số : = =

- Phương vuông góc AB

- Chiều, trị số chưa biết.

Với :

Chọn làm gốc hoạ đồ.

Dựng véctơ  $a'_1 = a'_2$  từ mút  $a'_1 - a'_2$  ta dựng véctơ :

- Có phương AB.

- Chiều B đến A

- Giá trị biểu diễn : = =  $683,573/102,087 = 6,7$  (mm)

biểu diễn véctơ. Rồi vẽ nối tiếp phương của véc tơ gia tốc. Tiếp theo, từ gốc kế phương của véctơ gia tốc, hai đường thẳng chỉ phương cắt nhau tại đâu thì đó là điểm  $b'_2 - b'_3$ . Véctơ =

biểu diễn véctơ =

Tương tự lấy đối xứng các véctơ này qua gốc như đối với vị trí 2 ta được các véctơ :

= ; = ; và biểu diễn cho các véc tơ gia tốc ; ; và .

Khi đó ta được hoạ đồ gia tốc của vị trí 8.

Sau khi vẽ song hoạ đồ gia tốc ta đi xác định gia tốc thực của các điểm trên các khâu bằng cách lấy đoạn biểu diễn của chúng đo được từ hoạ đồ nhân với tỉ lệ xích gia tốc.

$$a_{B2} = a_{B3} = b'_2 .$$

$$= .$$

$$a_{D4} = a_{D5} = a_{B2}$$

Gia tốc góc của khâu 2 và khâu 4.

Tại vị trí số 2 :

$$= 51,7771.102,087 = 5285,769(\text{m/})$$

Tại vị trí số 8 :

$$= 35,356.102,087 = 3609,388(\text{m/})$$

Bảng các giá trị biểu diễn gia tốc dài và gia tốc tại vị trí số 3 và số 8(mm).

Vị trí	Vị trí số 3	Vị trí số 8
$a_{A1,2} = a_{C1,4}$	50	50
$a'_{1,2}n_{BA} = c'_{1,4}n_{DC}$	0	6,7
$a'_{1,2}b_2' = c'_{1,4}d_4'$	51,7771	35,356
$a_{B2,3} = a$	13,4486	35,5654
$== a_{B2,3}$	13,4486	35,5654

## Động cơ đốt trong đối xứng

### Phần III . Phân tích lực

1. Phương pháp chung để giải bài toán lực :

Ta xét cơ cấu động cơ đốt trong đối xứng ở vị trí như hình vẽ.

Trong đó chịu tác dụng của các lực  $P_3, P_5$  (lực tác dụng vào đầu Piston); , , là lực quán tính của các khâu và  $G_3, G_5, G_2, G_4$  là trọng lượng của các khâu.

a) Tách nhóm Axua (2-3) và đặt lực ta có :

$$( ; ; ; ; ; ) = 0.$$

Fương trình cân bằng:

$$+ + + + + + 0;$$

Trong đó : \*  $P_3$  tính được trên đồ thị áp suất.

\* - Có phương ngang , chiều ngược chiều

Độ lớn : =  $m_3 \cdot a_{S3}$

\* ; đã biết phương chiều độ lớn.

\* - Có phương thẳng đứng , chiều chưa biết.

\* Chưa biết

Khử ẩn phương trình bằng cách tách khâu 2 lấy và thay vào phương trình trên giải được hoạ đồ lực.

Tách nhóm Axua (4-5) vì đây là động cơ đốt trong đối xứng lên hoạ đồ lực của nhóm Axua (4-5) giống hoạ đồ lực nhóm Axua (2-3), nhưng các vectơ có

chiều ngược lại nên ta vẽ được hoạ đồ lực (4-5) dựa vào hoạ đồ lực nhóm (2-3). Sau khi vẽ được ta tính các giá trị ; bằng cách đo trên hoạ đồ.

b. Xác định điểm đặt

Tách khâu 3 ta đặt lực và lấy mômen đối với điểm B.

Vậy có  $R_{03}$  có điểm đặt tại B.

c. Xác định mômen cân bằng trên khâu dẫn :

- Bằng phương pháp thông thường

$$M_{CB} = R_{21} \cdot h$$

- Bằng phương pháp Ducopski.

$$M_{CB} = v (P_3 h_3 + P_{q3} h_{q3} + P_{q2} h_{q2} + G_2 h_2 + P_5 h_5 + P_{q5} h_5 + G_3 h_3 + P_{q4} h_{q4}).$$

2. Phân tích lực ở vị trí số 3 và số 8.

a. Xác định trị số các lực đã biết :

- Lực tác động lên Pistong ta phải dựa vào biểu đồ lực và hành trình làm việc của động cơ.

Ta biết rằng sau 2 vòng quay của trực khuỷu động cơ hoàn thành một chu kỳ sinh công.

Một chu kỳ sinh công xảy ra ở 4 giai đoạn xảy ra ở bên trong Xilanh.

Giai đoạn 1 : Là hành trình hút (Ứng với đường hút) Pistong đi từ điểm chết trên  $B_1$  đến điểm chết dưới  $B_5$ .

Giai đoạn 2 : Là hành trình nén (Ứng với đường nén) Pistong đi từ điểm  $B_5$  đến điểm  $B_9$ .

Giai đoạn 3 : Là hành trình nổ (Ứng với đường nổ) Pistong đi từ điểm  $B_9$  đến điểm  $B_{13}$ .

Giai đoạn 4 : Là hành trình xả (Ứng với đường xả) Pistong đi từ điểm  $B_{13}$  đến điểm  $B_{17}$ .

### Động cơ đốt trong đối ứng

Dựa vào độ lớn thực của áp suất và giá trị biểu diễn của nó trên đồ thị P - S

Ta có :

áp lực thực tế tác động lên Piston :

$$P = p_i S.$$

Trong đó S là tiết diện ngang của Piston :

$P_i$  là áp suất thực tác dụng lên Piston ở vị trí thứ i :  $P_i = p_i \cdot p.$

$P_i$  là tung độ của vị trí i trên đồ thị áp suất.

## Đồ thị áp suất và các hành trình tương ứng

Trị số tính toán của P được ghi ở bảng sau:

Vị trí	$3^I$	$8^I$	$3^{II}$	$8^{II}$
Quá trình	Hút	Nén	Nổ	Xả
$P_i$ (mm)	-3	12,5953	28,0345	3
$P$ (N)	-90,792	381,184	846,436	90,792

- Xác định lực quán tính của con trượt và thanh truyền

$$P_{qt}^3 = P_{qt}^5 = m_3 \cdot a_{S3} = m_5 a_{S5} ;$$

$$P_{qt}^2 = P_{qt}^4 = m_2 \cdot a_{S2} = m_4 a_{S4}$$

+  $m_3$ ,  $m_5$  là khối lượng của Pistong và có trị số :

+  $m_2$ ,  $m_4$  là khối lượng của khâu 2 và khâu 4 và có trị số :

+  $a_{S3}$ ,  $a_{S5}$  là gia tốc trọng tâm khâu 3 và khâu 5.

+  $a_{S4}$ ,  $a_{S2}$  là gia tốc trọng tâm khâu 2 và khâu 4.

+  $S'_3$ ,  $S'_5$  lần lượt là đoạn biểu diễn của gia tốc trọng tâm khâu 3 và khâu 5.

+  $S'_2$ ,  $S'_4$  lần lượt là đoạn biểu diễn của gia tốc trọng tâm khâu 2 và khâu 4.

### Động cơ đốt trong đối xứng

Vì trọng tâm S       $S_3 = B$     và     $S = S_5 = D$  nên     $S'_2 = S'_3 = S'_4 = S'_5 = b'_3 = d'_5$

### Bảng trị số lực quán tính của Pistong và thanh truyền

Vị trí	Số 3	Số 8
Giá trị thực		
$a_{S2} = a_{S4}(m/s^2)$	1372,927	3630,765
$a_{S3} = a_{S5}(m/s^2)$	1372,927	3630,765
$P^3_{qt} = P^5_{qt}(N)$	2801,892	7409,724
$P^4_{qt} = P^2_{qt}$	3502,365	9262,156

b. Xác định phản lực tại các khớp động

Trọng tâm  $S_2$  và  $S_4$  của khâu 2 và khâu 4 có khoảng cách là :

$$L_{AS2} = L_{CS4} = L_{AB} = 192,5 \text{ ( mm )}$$

Momen tĩnh của khâu 2 và khâu 4 là :

$$J_{S2} = J_{S4} = m_2 L_{A2S2}^2 .$$

Xác định tâm va đập khâu 2 và khâu 4.

Tách nhóm Axua (2-3) ; (4-5).

Vì là động cơ đốt trong đối xứng nên ta chỉ cần phân biệt 1 bên còn bên kia tương tự.

\* Hoạ đồ lực vị trí số 3 :

Xét nhóm Axua (2-3) ta có :

$$+ + + + + + = 0$$

Trong đó :

+  $G_2$ ,  $G_3$  Có giá trị xác định và có phương thẳng đứng, chiều từ trên xuống dưới.

+ - Phương phương trượt ( Phương ngang )

- Chiều hướng từ phải qua trái ( Ngược chiều )

- Giá trị :  $P_{qt}^3 = 2801,892 \text{ (N)}$

+ - Phương phương  $a_{S2}$ ; Có chiều ngược lại

- Giá trị :  $P_{qt}^2 = 3502,365 \text{ (N)}$

+ - Phương phương chuyển động của piston ( phương ngang )

- Chiều ngược chiều chuyển động của piston ( Từ T P )

- Giá trị : = 90,792 (N)

Ta thấy phương trình còn 3 ẩn nên chưa giải được. Tiếp tục tách khâu 2 và đặt lực :

Ta có phương trình cân bằng :  $+ + + = 0$

Ta có : = +

$$= .AB + P_{qt}^2 \cdot h = 0.$$

Phương trình còn lại 2 ẩn ta giải được bằng hoạ đồ lực.

$$+ + + + + + = 0.$$

Chọn  $P = 40 \text{ (N/mm)}$ .

## Động cơ đốt trong đối xứng

Ta tính được các giá trị biến đổi như sau :

$$= 87,55913 \text{ (mm)}$$

$$= 70,0473 \text{ (mm)}$$

$$= 28,09193 \text{ (mm)}$$

$$= 0,625 \text{ (mm)}$$

$$= 0,5 \text{ (mm)}$$

$$P_3 = 2,2698 \text{ (mm)}$$

Bằng cách tương tự ta vẽ hoạ đồ lực của nhóm Axua (4-5) và hoạ đồ này ngược với hoạ đồ lực của nhóm Axua (2-3).

Nhưng  $P_5$  có giá trị thực là  $P_5 = 848,436 \text{ (N)}$

=> Giá trị biến đổi = 21,2109 (mm) Chiều từ trái sang phải.

\* Hoạ đồ lựa vị trí số 8 :

Tách nhóm Axua(2-3).

Đặt lực : ( , , , , ) ~ 0

Ta có phương trình cân bằng :

$$+ + + + = 0$$

Trong đó :

+  $G_2$ ,  $G_3$  là giá trị xác định và có phương thẳng đứng chiều từ trên xuống dưới.

+ - Phương phương trượt.

- Có chiều hướng từ trái qua phải ( Ngược chiều )

- Giá trị :  $P_{qt}^3 = 7409,724 \text{ (N)}$ .

+ - Phương phương và có chiều ngược lại chiều của.

- Trị số  $P_{qt}^2 = 9262,156 \text{ (N)}$ .

+ - Chưa biết chiều và trị số

+ - Phương thẳng đứng

- Chưa biết chiều và trị số.
- + - Phương phương chuyển động của pistong ( phương ngang )
  - Chiều ngược chiều chuyển động của pistong ( Từ P T )
  - Giá trị : = 381,184 (N)

Như vậy phương trình còn 3 ẩn chưa giải được bây giờ ta khử ẩn bằng cách tách riêng khâu 2 và đặt lực :

Khi đó ta có phương cân bằng :

$$+ + + = 0.$$

Tính phần lực : = + .

Ta có :

$$= = = 753,401 (N)$$

phương trình còn lại 2 ẩn ta giải được bằng phương pháp hoạ đồ lực

$$+ + + + + + + = 0$$

Chọn  $P = 40$  (N/mm).

Ta có các giá trị biểu diễn :

$$= 231,5539 \text{ (mm)} ; = 185,2431 \text{ (mm)} ; = 9,5296 \text{ (mm)}$$

$$= 18,835 \text{ (mm)} ; = 0,625 \text{ (mm)} ; = 0,5 \text{ (mm)}$$

Tương tự ta giải cho nhóm Axua(4-5) và hoạ đồ của nó ngược với nhóm Axua(2-3).

Xác định điểm đặt.

Tách khâu (3) đặt lực và viết phương trình cân bằng mômen đối với điểm

B.

$$= . x = 0 \quad x = 0.$$

Vậy có điểm đặt tại B.

Tính mômen cân bằng tại vị trí số 3 :

## Động cơ đốt trong đối xứng

Ta có :

$$M_{cb} - L(R_{21} \cdot h_{23} + R_{41} \cdot h_{43}) = 0$$

$$\Rightarrow M_{cb} = (6829,61 \cdot 45,4503 + 7790,611 \cdot 45,8793) \cdot 0,00068 = 454,128 \text{ (N.m)}$$

Ta cũng có thể xác định bằng phương pháp Jucopki.

Bằng cách xoay hoạ đồ vận tốc đi  $90^\circ$  theo chiều kim đồng hồ đặt các lực và lấy mômen tại gốc  $P_3$ .

So sánh 2 cách tính Momen cân bằng ta có sai số là :

%.

Vị trí số 8 làm tương tự ta có:

;

$$M_{cb} - L(R_{21} \cdot h_{28} + R_{41} \cdot h_{48}) = 0$$

$$\Rightarrow M_{cb} =$$

Ta cũng có thể xác định bằng phương pháp Jucopki.

Bằng cách xoay hoạ đồ vận tốc đi  $90^\circ$  theo chiều kim đồng hồ đặt các lực và lấy mômen tại gốc  $P_8$ .

So sánh 2 cách tính Momen cân bằng ta có sai số là :

%.

Bảng giá trị các lực

Vị trí Các lực	Số 3	Số 8		
	BD(mm)	GTT(N)	BD(mm)	GTT(N)
$G_2 = G_4$	0,625	25	0,625	25
$G_3 = G_5$	0,5	20	0,5	20
$P_{qt}^3 = P_{qt}^5$	70,0473	2801,892	185,2431	7409,724
$P_{qt}^2 = P_{qt}^4$	87,5913	3502,365	231,5539	9262,156
$P_3$	2,2698	90,792	9,5296	381,184
$R_{12}$	28,0919	1123,677	18,835	753,401

**Động cõi đõt trong đõi xứng**

$R_{12}^n$	168,4134	6736,536	430,1831	17207,324
$R_{03}$	71,9965	2879,86	61,6089	2464,356
$P_5$	21,2109	848,436	2,2698	90,792
$R_{14}$	28,0919	1123,677	18,835	753,401
$R_{14}^n$	192,7287	7709,148	422,7997	16911,988
$R_{05}$	76,0622	3042,488	57,9737	2318,948

#### Phân IV. Thiết kế bánh đà

**Đặt vấn đề :** Khi làm việc dưới tác động của các lực máy sẽ hoạt động với những vận tốc góc của trực khuỷu khác nhau. Ở phần trên ta giả thiết vận tốc góc  $\omega = \text{const.}$

Song trong thực tế nó vẫn thay đổi theo từng chu kỳ làm việc của máy. Xuất phát từ phương trình chuyển động thực của máy ta xác định được vận tốc góc thực đó.

Vì ở động cơ đốt trong đối xứng ta xem như mômen cản không thay đổi còn mômen động là mômen thay thế.

#### Phương trình chuyển động

$$A_d =$$

$\omega_0$ , là vị trí khâu dẫn ở thời gian t

1) xác định mômen động thay thế.

Trong đó : -  $p_k$  là lực phát động và trọng lượng các khâu

-  $M_k$  là mômen phát động của khâu

-  $V_k$  là vận tốc của điểm đặt lực  $p_k$

- là vận tốc góc của khâu thứ k

Với cơ cấu động cơ đốt trong đối xứng  $M_k = 0$  nên :

Ta biết :  $v_k = h_{k,v} = h_{k+1,L}$        $M_{dtt} = p_k \cdot h_{k,L}$  (1)

Ta xác định mômen động thay thế bằng phương pháp cánh tay đòn Rucopski ta xoay hoàn toàn vận tốc  $90^\circ$  và đặt các ngoại lực và các điểm tương ứng lúc này công thức (1) được viết như sau :

$$M_{dtt} = -(P_3 \cdot H_3 \quad G_3 \cdot h_3 \quad G_2 \cdot h_2 \quad P_5 \cdot H_5 \quad G_5 \cdot h_5 \quad G_4 \cdot h_4) \cdot L \quad (*)$$

Trong đó :  $h_2, h_3, h_4, h_5$  là khoảng cách cánh tay đòn của các lực  $G_2, G_3, G_4, G_5$ .

**Động cơ đốt trong đối xứng**  
 $H_3, H_5$  là khoảng cách cánh tay đòn các lực  $P_3, P_5$ .

$G_2 = G_4$  Trọng lượng khâu 2 và khâu 4

$G_3 = G_5$  Trọng lượng khâu 3 và khâu 5

$P_3$  và  $P_5$  là lực tác dụng vào đầu pitông (3) và (5), có trị số được xác định bằng áp suất trong xilanh nhân với diện tích tiết diện ngang của xilanh (cách tính như phần xác định áp lực tại khớp quay).

Bây giờ ta tiến hành tính lực  $P_3$  và  $P_5$  cho 17 vị trí

Từ hoạ đồ vị trí ta xác định được vị trí của 2 pitong sau đó ta chiếu lên đồ thị biểu diễn lực 4 hành trình Hút - Nén - Nổ - Xả với tỉ lệ xích:  $p = 0$

Bảng giá trị lực phát động p

vị trí	1	2	3	4	5	5'	6	7	8
$P_{i3}(N/c\ m^2)$	2,5	2,5	2,5	2,5	2,5	2,5	0,7	4,3706	10,4961
$P_3 (N)$	-90,792	-90,792	-90,792		-90,792	-90,792	-	158,725	
hút									
$P_{i5}(N/c\ m^2)$	13,3333	40	23,3621	7,9663	2,5	2,5	2,5	2,5	2,5
$P_5 (n)$	484,224	1451,67	848,436	289,311	90,792	90,792	90,792	90,792	90,792
Nổ									
vị trí	9'	10	11	12	13	13'	14	15	16
$P_{i3}(N/c\ m^2)$	13,3333	40	23,3621	7,9663	2,5	2,5	2,5	2,5	2,5

$P_3 (N)$	484,224	1451,67 2	848,436	289,311 8	90,792	90,792	90,792	90,792	90,792	90,792
	Nő						Xả			
$P_{i5}(N/cm^2)$	2,5	2,5	2,5	2,5	2,5	2,5	0,7	4,3706	10,4961	13
$P_5 (n)$	-90,792	-90,792	-90,792		-90,792	-90,792	-	158,725	6	381,184
	hút						nén			

Vì với động cơ đốt trong đối xứng  $G_2 = G_4$ ,  $G_3 = G_5$ . Mặt khác, ở phương án này thì  $G_2 = G_3$ ,  $G_4 = G_5$  mà  $G_3$  và  $G_5$  đều có cánh tay đòn = 0 nên từ công thức (\*) ta có thể thu gọn thành công thức :

$$M_{dtt} = M_L(-P_3h_3 - P_5h_5)$$

Lần lượt thay các giá trị vào biểu thức trên với ước :

- Các lực gây mômen chống lại chiều xoay của họa đồ vận tốc lấy dấu (+)
- Các lực gây ra mômen cùng chiều xoay của họa đồ vận tốc lấy dấu (-)

Ta lập được bảng :

Trị số của mômen động thay thế

vị trí	1	2	3	4	5	6	7	8	9
$M_{dtt}$ (Nm)	0	38,8594	25,7599	3,881	0	2,272	8,4836	13,4672	0

### Động cơ đốt trong đối xứng

Sau khi có được giá trị  $M_{dtt}$  tại các vị trí ta vẽ được biểu đồ mô men động thay thế trên hệ trực vuông góc với:  $M = 0,25 \text{ (Nm/mm)}$  và  $= 0,0524 \text{ (rad/mm)}$ .

Ta tính được các giá trị biểu diễn  $M_t$  là:

$$M = 0 ; M = 155,4376(\text{mm})$$

$$M = 103,0396 (\text{mm}) ; M = 15,524 (\text{mm})$$

$$M = 0 ; M = 9,088 (\text{mm})$$

$$M = 33,9344 (\text{mm}) ; M = 55,8688 (\text{mm}) ; M = 0 (\text{mm})$$

Cách vẽ đồ thị mômen động  $M_{dtt}$ : Ứng với từng giá trị của cơ cấu ta xác định được tọa độ của  $M_{dtt}$  nối tất cả các điểm  $M_{dtt}$  này với nhau ta được đồ thị của  $M_{dtt}$  đó là một đường cong thể hiện sự thay đổi của  $M_d$  trong từng hành trình

### 2) . Vẽ đồ thị $A_d$ và $A_c$

$$A_d = E = H \cdot M = 60 \cdot 0,0524 \cdot 0,25 = 0,786 ()$$

Dùng phương pháp tích phân đồ thị  $M_{dtt} = M_{dtt}()$

Ta được đồ thị công  $A_d = A_d()$

Với cực tích phân  $h = 60 \text{ (mm)}$  ( Khoảng cách từ H 0 ) ở động cơ đốt trong đối xứng thì  $M_{ctt}$  là một hằng số nên công cản sẽ là đường bậc 1. Để xác định đường  $A_d$  thì ta đóng các giá trị của  $M_{dtt}$  tương ứng với kẻ các đường song song trực tiếp  $M_{dtt}$  ở đâu thì nối điểm đó với cực H.

Từ gốc O của hệ trục A<sub>d</sub> O ta kẻ các đường song song với các đường tương ứng nối từ cực H. Nối tất cả các điểm này lại ta được đồ thị

Mặt khác trong giai đoạn máy chuyên động bình ổn sau 1 chu kỳ ta có A<sub>d</sub> = Ac nên ta nối điểm đầu và điểm cuối của đồ thị A<sub>d</sub>( ) với cực tích phân H = 60 (mm) ta được Ac( ).

### 3. Vẽ đồ thị E( ) :

Thực hiện công đại số 2 biểu đồ A<sub>d</sub>( ) với Ac( ) ta được đồ thị E( )

Với  $A = E = 0,786$  ( )

### 4. Vẽ đồ thị J<sub>tt</sub>( ) :

Từ biểu thức:  $J_{tt} =$

Trong đó:  $+ m_k$ : Là khối lượng khâu thứ k

$+ J_{sk}$ : Là mômen quán tính đối với trực đi qua trọng tâm của khâu thứ k.

$+ V_{sk}$ : Là vận tốc tại trọng tâm khâu thứ k.

$+ \omega_k$ : Là vận tốc khâu thứ k

Với động cơ đốt trong đối ứng ta đang xét thì :

$$J_{tt} =$$

Với động cơ đốt trong đang xét thì

$$J_{tt} =$$

### Động cơ đốt trong đối xứng

Trong đó :  $+ Js_2 = Js_4 = m_2 \cdot l$ .

$+ ps_2$  : Biểu diễn vận tốc trọng tâm  $S_2$  thuộc khâu 2.  $ps = pb$

$+ Pa$  : Biểu diễn vận tốc tương đối của khâu 2

$+ L_{OA}$  : Bán kính trực khuỷu  $L_{OA} = 0,034$  (m).

$+ L_{AB}$  : Chiều dài khâu 2 :  $L_{AB} = 0,1309$  (m)

Từ biểu thức mô men quán tính thay thế ta thay các đại lượng tương ứng vào trong biểu thức và tính  $J_{tt}$  các vị trí ta được :

Kết quả được ghi trong bảng

Vị trí	1	2	3	4	5	6	7
$J_{tt}$ biếu diễn(mm )	3,5107	55	75,7143	26,8571	3,5107	26,8571	75,7143
$J_{tt}$ thực(kg. $m^2$ )	$4,915 \cdot 10^{-4}$	0,0077	0,0106	0,00376	$4,915 \cdot 10^{-4}$	0,00376	0,0106

(Vì đây là động cơ đối xứng nên các vị trí tiếp theo thì tương ứng với các vị trí đầu.)

Để vẽ biểu đồ mô men quán tính thay thế ta lấy tỷ lệ xích :

$$J = 0,00014(\text{kg.m}^2/\text{mm})$$

Vậy ta có giá trị biến diển tương ứng : (mm)

Tương tự ta có : (mm)

(mm)

(mm)

Từ đồ thị  $E = E(\ )$  và đồ thị  $J_{tt} = J_{tt}(\ )$  ta khử thông số ta có đồ thị  $E(J)$  đây là một đường cong kín (đường cong Vít ten bao)

#### 6. Tính khối lượng bánh đà.

Theo điều bài ta có hệ số không đều cho phép :

Và :

Vậy để kiểm tra máy có cần bánh đà hay không thì ta phải tính (hệ số không đều thật của máy khi chưa lắp bánh đà)

Nếu khi tính toán ta tìm được  $> [ ]$  thì cần lắp thêm bánh đà để phần cố định của mômen quán tính thay thế tăng thêm.

để giảm hệ số không đều vì  $J = J_{tt} + J_d$

Khi đó hệ số không đều của máy khi lắp thêm bánh đà là :

Máy chuyển động đều

Từ điều kiện ban đầu ta có : và (\*)

## Động cơ đốt trong đối ứng

Cũng từ (\*) ta tìm được :

Mà ta có công thức:

và

vậy ta tìm được :

$$[ ] = 85,79^0$$

$$[ ] = 85,65^0.$$

Bây giờ tiến hành vẽ tiếp tuyến trên T1 và tiếp tuyến dưới T2 đối với đường cong ứng với [ ] ; [ ] tiếp tuyến T1, T2 giao nhau tại O' ( O' chính là gốc của đồ thị F(J) ứng với máy lúc đã lắp bánh đà ).

Trị số thu gọn của mômen quán tính bánh đà là :  $J_d = \text{J.O}'P$ .

Vì do [ ] nhỏ. Do đó tiếp tuyến T1, T2 gần như song song điểm O' ở quá xa ( bên ngoài bánh vẽ ). Muốn tìm  $J_d$  ta đo đoạn ab E ( Với a,b là giao của 2 tiếp tuyến T1, T2 với E ).

Khi đó, mômen quán tính bánh đà sẽ là:

$$J_d = 0,313 \text{ Kg.m}^2$$

Chọn đường kính bánh đà là D = 0,3 (m) và lắp tại khâu 1

Ta có khối lượng bánh đà tính theo công thức : . Thay các giá trị vào công thức này ta được khối lượng bánh đà :

Vậy khối lượng bánh đà : 18,084(Kg).

## Động cơ đốt trong đối ứng

### Phần V. Thiết kế bánh răng.

Cặp bánh răng được thiết kế là cặp bánh răng phẳng ngoại tiếp nhằm truyền chuyển động 2 trực song song với nhau vì vậy việc thiết kế cần bảo đảm điều kiện tin cậy khi chịu tác dụng các ngoại lực và mômen ngoại lực làm việc cần đảm bảo các chỉ tiêu ăn khớp, khi thiết kế dựa vào thông số cho trước ta tính toán được và định ra kích thước của bánh răng và các thông số kích thước như môđun, khoảng cách trực, tỉ số truyền xác định chế độ ăn khớp. Sau đó căn cứ vào các thông số như tỉ số truyền, số răng ta tính toán thiết kế bánh răng về mặt hình học. Nhiệm vụ của việc tổng hợp hình học cặp bánh răng là xác định các thông số kích thước chỉ tiêu chất lượng của cặp bánh răng. Trình tự tiến hành tổng hợp hình học gồm các bước sau :

- Chọn chế độ dịch dao và xác định chế độ ăn khớp của cặp bánh răng.
- Tính toán các thông số kích thước.
- Vẽ cặp bánh răng.
- Vẽ đoạn ăn khớp thực. Cung ăn khớp cùng làm việc và đường cong trượt.
- Các chỉ tiêu ăn khớp.

Ta tiên hành thiết kế với các thông số cho trước.

$$Z_1 = 16; \quad Z_2 = 24; \quad m = 5,5; \quad = 20^\circ.$$

$f' = 1$  : Hệ số chiều cao đỉnh răng.

$f'' = 1,25$  : Hệ số chiều cao chân răng.

1/ Xác định tỉ số truyền :

2/ Chọn chế độ ăn khớp và chế độ dịch dao. :

Với  $Z_1 = 16$  và  $Z_2 = 24$        $i_{12} = 1,5 < 2$       tra bảng ta có :

$$i_1 = 0,834 \quad ; \quad i_2 = 0,202 \quad \text{và} \quad i_3 = 0,491$$

$$c = i_1 + i_3 = 0,834 + 0,491 = 1,325 > 0.$$

Vậy chế độ ăn khớp là cặp bánh răng dịch chỉnh dương vì bánh răng dịch chỉnh dương là bánh răng có  $c > 0$ .

- Khoảng cách trực là :

Trong đó :    là hệ số phân ly.     $= c - i_2 = 1,325 - 0,202 = 1,123$

- Góc ăn khớp  $\angle L$  xác định theo công thức:

Tra bảng  $\angle L = 27^010'$ .

3/ Tính toán các thông số chế tạo.

- Bước răng :  $t = .m = .5,5 = 17,279$  (mm).

- Bán kính vòng chia:

Động cσ đốt trong đốι xứng  
 $R_1 = .$

$$R_2 =$$

- Bán kính vòng tròn cσ sđ :

$$R_{O1} = R_1 \cos = 44 \cdot \cos 20^0 = 41,3465 \text{ (mm).}$$

$$R_{O2} = R_2 \cos = 66 \cdot \cos 20^0 = 62,01975 \text{ (mm).}$$

- Bán kính vòng lăn :

- Bán kính chân răng :

$$R_{i1} = R_1 - (f' - ) \cdot m = 44 - (1,25 - 0,834) \cdot 5,5 = 41,712 \text{ (mm).}$$

$$R_{i2} = R_2 - (f' - ) \cdot m = 66 - (1,25 - 0,491) \cdot 5,5 = 61,8255 \text{ (mm).}$$

- Chiều cao cùa răng :

$$h = (f' + f'' - ) \cdot m = (1 + 1,25 - 0,202) \cdot 5,5 = 11,264 \text{ (mm).}$$

- Bán kính vòng đỉnh răng :

$$\begin{aligned} + &= R_1 + (f' + - ) \cdot m \\ &= 41,712 + 11,264 = 52,976 \text{ (mm).} \end{aligned}$$

$$+ = R_2 + (f' + \dots)_2 - \dots) \cdot m$$

$$= 61,8255 + 11,264 = 73,0895 \text{ (mm)}$$

- Chiều dày trên vòng chia :

- Hết số trùng khớp của cặp bánh răng :

Ta tính được :  $\dots = 1,15 > 1,1$ .

- Bước răng trên vòng lăn :

- Kiểm tra nhọn răng bánh 1 và 2.

$$\alpha_{e1} = 38,74^\circ.$$

$$\tan V_{e1} = 0,1261$$

Chiều dày ở đỉnh ở bánh răng 1.

$$= 2,65 > 0,3 \cdot m = 0,3 \cdot 5,5 = 1,65$$

Đảm bảo điều kiện không bị nhọn răng bánh 1.

## Động cσ đốt trong đốí xứng

$$e_2 = 31,9^0 \quad \text{inv } e_2 = 0,0657.$$

Chiều dày đỉnh răng bánh 2.

$$= 4,33 > 0,3 \cdot m = 0,3 \cdot 5,5 = 1,65$$

Bánh 2 đảm bảo điều kiện không bị nhọn răng.

### 4. Tiến hành vẽ

Chọn tỉ lệ xích  $L = 0,22528(\text{mm}/\text{mm})$ .

$$R_1 = 195,3125 \text{ mm} ; R_2 = 292,96875 \text{ mm} ; R_{01} = 183,534 \text{ mm}$$

$$R_{02} = 275,301 \text{ mm} ; R_{L1} = 206,281 \text{ mm} ; R_{L2} = 309,422 \text{ mm}$$

$$R_{i1} = 185,15625 \text{ mm} ; R_{i2} = 274,4385 \text{ mm} ; R_{e1} = 235,1563 \text{ mm}$$

$$R_{e2} = 324,4385 \text{ mm} ; t = 76,7 \text{ mm} ; h = 50 \text{ mm}$$

$$L = 27^0 10' ; S_1 = 53,1694 \text{ mm} ; S_2 = 47,0748 \text{ mm.}$$

Chọn tâm ăn khớp P vẽ 2 cung tròn  $R_{L1}; R_{L2}$  vòng tròn cσ sσ  $R_{01}; R_{02}$ .

- Kép pháp tuyến chung  $N_1N_2$ .

- Vẽ biên dạng răng.

- Từ điểm P (tâm ăn khớp ta đặt các bán kính  $R_{L1}; R_{L2}$  và vẽ 2 vòng tròn đó).

- Vẽ các đường tròn cơ sở  $Ro_1$ ;  $Ro_2$  sau đó kẻ tuyết tuyến  $N_1N_2$ .

Từ  $N_1$  đặt 1 cung  $N_1P'$  trên vòng tròn  $Ro_1$  có chiều dài bằng  $N_1P$  chia đoạn  $N_1P$  làm 4 phần bằng nhau. Tương ứng với  $N_1P'$  cũng chia làm 4 phần bằng nhau

$P'1' = 1'2' = 2'3' = 3'N_1'$  và đặt thêm các đoạn  $N_14 = 45 = \dots N_14' = 4'5'$ .

Qua các điểm  $1'1''$ ;  $2'2''$ ... bằng đoạn  $1P$ ,  $2P$ ,  $3P$ , ... Sau đó nối các điểm  $P'$ ,  $1''$ ,  $2''$ ,  $3''$  thành 1 đường cong ta vẽ được đường thân khai và là biên dạng răng của bánh  $Z_1$ . Cũng tương tự ta vẽ được biên dạng răng còn lại của bánh răng  $Z_2$ . sau khi xác định được biên dạng còn lại được xác định bằng cách xác định chiều dày đỉnh răng, chiều dày răng trên vòng chia, vòng lăn rồi vẽ đối xứng với biên dạng cũ.

#### 5. Điểm đối tiếp của cạnh răng :

Là 2 điểm của hai răng gap nhau trên phân làm việc của đường ăn khớp. Tại điểm a cho trước trên đường ăn khớp thực ta vẽ cung tròn  $O_1$  tương đương bán kính  $O_1a$  cung tròn nay cắt cạnh răng tại  $A_1$  tương tự ta cũng xác định được điểm  $B_2$  cho bánh  $Z_2$   $A_1, B_2$  là 2 điểm đối tiếp của 2 cạnh răng.

#### 6. Phần làm việc của răng :

Là phần cạnh rắn ăn khớp tiếp xúc nhau trong quá trình ăn khớp đó là các cung  $A_1B_1$  và cung  $A_2B_2$ . Trên biên dạng răng đó là phần làm việc phần này được biểu diễn bằng đường gạch trên biên dạng răng như hình vẽ.

## Động cõi đốt trong đối xứng

### 7. Cung ăn khớp :

Trên vòng tròn lăn các cung không trượt với nhau trong thời gian ăn khớp của 1 đôi răng gọi là cung ăn khớp (cung ăn khớp của 1 đôi răng là bằng nhau). Qua điểm A ; B<sub>1</sub> của phần làm việc của bánh răng Z<sub>1</sub> ta vẽ các pháp tuyến a<sub>1</sub> ; b<sub>1</sub> cung a<sub>1</sub> ; b<sub>1</sub> là cung ăn khớp thực trên vòng tròn lăn của bánh Z<sub>1</sub>.

Tương tự với bánh Z<sub>2</sub> ta có a<sub>2</sub> ; b<sub>2</sub> là các cung ăn khớp trên vòng tròn lăn của bánh Z<sub>2</sub>.

Gọi K là chiều dài cung ăn khớp.

: Chiều dài đoạn ăn khớp thực ab.

8. Hệ số trượt tương đối đồ thị đường cong trượt khi làm việc 2 cặp biên dạng đối tiếp vừa lăn vừa trượt đối nhau trên đoạn là việc của biên dạng răng sứ trượt tương đối này gọi là hiện tượng trượt biên dạng.

Để đánh giá từng thời điểm trên biên dạng làm việc của cạnh răng người ta đưa ra hệ số trượt tương đối là  $\alpha_1$  và  $\alpha_2$  :

Ta có công thức :      và

Trong đó :      và

Tại a :      =

=

Tại b :      =

=

Tại  $N_1$  :  $z_1 = -$ ;  $z_2 = 1$

Tại  $N_2$  :  $z_1 = 1$ ;  $z_2 = -$

Ta chọn tỉ lệ : 1 tương ứng với 50 (mm) biểu diễn trên bản vẽ ta có:

Tại a :  $z_1 = -40$ ;  $z_2 = 22,175$

Tại b :  $z_1 = 30$ ;  $z_2 = -74,725$

Tại  $N_1$  :  $z_1 = -$ ;  $z_2 = 50.$

Tại  $N_2$  :  $z_1 = 50$ ;  $z_2 = - .$

Từ đó ta vẽ được đường cong biểu diễn hệ số trượt của từng răng theo điểm ăn khớp đường cong này là đường cong trượt ( Hình vẽ ).